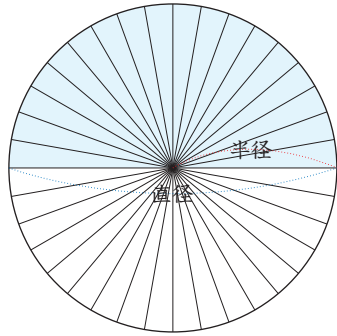
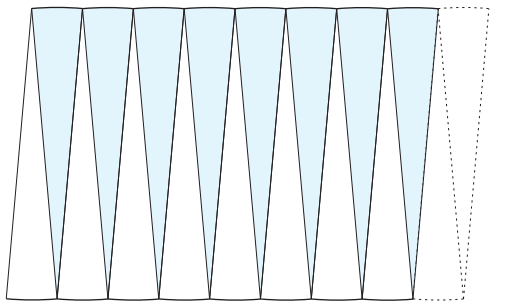


円の面積

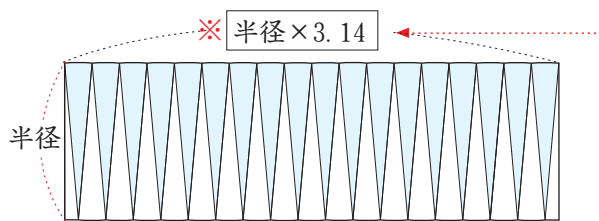
を求める。



上の円を線にそって切り取り、
下の図のようにならべかえます。



(拡大部分図)



図には、

まだ、いささかの凹凸(でこぼこ)がありますが、
限りなく細かく切り分けると考えると、
横の線は、直線に近づくと考えられます。

$$\begin{aligned} \text{円周} &= \text{直径} \times 3.14 \\ &= (\text{半径} \times 2) \times 3.14 \end{aligned}$$

で求められますから、

※ **円周の半分**

$$= \text{半径} \times 3.14$$

すると、**円**は

タテが「半径」で

よこが「半径 × 3.14」の

長方形の形に変わると考えられます。

左の **長方形の面積**

$$= [\text{タテ}] \times [\text{よこ}]$$

$$= [\text{半径}] \times [\text{半径} \times 3.14]$$

$$= \text{半径} \times \text{半径} \times 3.14$$

【注意】

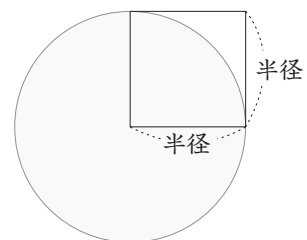
[半径 × 半径 × 3.14]と覚えるために、
かなり多くの方が

まず

(半径 × 半径) と計算し、
それに [3.14] をかけると、
考えてしまいます。

そうすると、

[半径 × 半径] を「正方形」と考えて、



これに [3.14] をかけて

どうして円の面積がきまるのだろうか
と、不思議に思ってしまいます。

何度もくりかえしよく見て、理解できたら、
テキストを見ながら、先生に説明しなさい。

円の面積 -2

円の面積 は
今、①で見たように、
半径 × (半径 × 3.14)

覚えて言いなさい。

ですから、
公式として覚えるときに、

最初の[半径]と、
後の[半径 × 3.14]を分けて考えるために、
最初の半径と後の半径の間に
一呼吸 おくのが
公式の基本を忘れない方法でしょう。

[半径] × [半径 × 3.14]
と意識するようにしましょう。

計算方法としては、

$$\begin{array}{r} 3.14 \\ \times \quad \boxed{\text{半径}^2} \\ \hline \end{array}$$

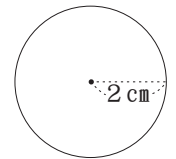
← 半径 × 半径
の形が望ましい。

$\boxed{\text{半径}^2}$
× 3.14 の形では計算しないこと。

数回くらいなら、どちらでも同じですが、
くりかえし計算する場合は、
3.14 × nのほうが、
数字を覚えていくのです。

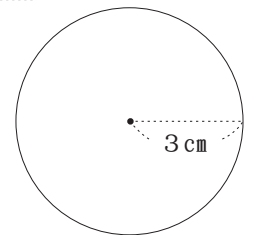
半径2cmの円の面積

$$\begin{aligned} & 2 \times (2 \times 3.14) \\ &= 4 \times 3.14 \\ &= 12.56 \text{ (cm}^2\text{)} \end{aligned}$$



半径3cmの円の面積

$$\begin{aligned} & 3 \times (3 \times 3.14) \\ &= 9 \times 3.14 \\ &= 27.98 \text{ (cm}^2\text{)} \end{aligned}$$



半径5cmの円の面積

$$\begin{aligned} & 5 \times (5 \times 3.14) \\ &= 25 \times 3.14 \\ &= 78.5 \text{ (cm}^2\text{)} \end{aligned}$$

半径10cmの円の面積

$$\begin{aligned} & 10 \times (10 \times 3.14) \\ &= 100 \times 3.14 \\ &= 314 \text{ (cm}^2\text{)} \end{aligned}$$

※ 式としては
(半径 × 半径) × 3.14 の順序になるが、
計算としては

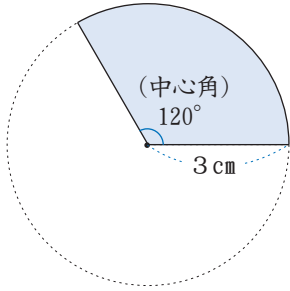
$$\begin{array}{r} 3.14 \\ \times \quad \square\square \\ \hline \end{array}$$

のように、行うこと！

以上のことをふまえて、
別紙拡大図の円を、ハサミとノリを使って、
切り張りし、保存しなさい。(必ずわすれるので)

おうぎ形の面積 -1

$$\text{半径} \times \text{半径} \times 3.14 \div (360 \div \text{中心角})$$



$$\begin{aligned} & 3 \times 3 \times 3.14 \div (360 \div 120) \\ = & \boxed{9} \times 3.14 \div \boxed{3} \\ = & (9 \div 3) \times 3.14 \end{aligned}$$

とするのが、

[分数をかける計算] を学んでいない人
向きの方法。

この方法の場合、

中心角 は

- 30° [円の面積の12分の1]
- 60° [// の6分の1]
- 72° [// の5分の1]
- 90° [// の4分の1] などの

360° をわりきることのできる数が
出題されることになります。

この方法は、

[分数をかける計算] を学んだ後では、
あまり使われませんので
ここでも、一気に
次に進むことにしましょう。

分数をかける方法

$$\text{半径} \times \text{半径} \times 3.14 \times \frac{\text{中心角}}{360}$$

覚えて言いなさい。

半径が6cmで
中心角が30°
のおうぎ形の面積

$$6 \times 6 \times 3.14 \times \frac{30}{360}$$

この場合、

36 × 3.14 の積 を計算して、

その積に

$\frac{30}{360}$ を かけたりしては **イケナイ!**

必ず、約分を先にすること。

$$\begin{aligned} & \overset{1}{\cancel{6}} \times \overset{3}{\cancel{6}} \times \boxed{3.14} \times \frac{\overset{1}{\cancel{30}}}{\cancel{360}} \\ = & 3 \times 3.14 \quad \frac{1}{2} \\ = & 9.42 \quad \frac{1}{1} \end{aligned}$$

[× 3.14] をふくむ計算は、
どのような場合でも

[3.14] をかける計算を
最後に行うことが望ましい。

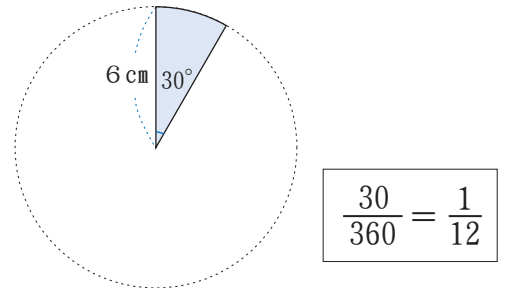
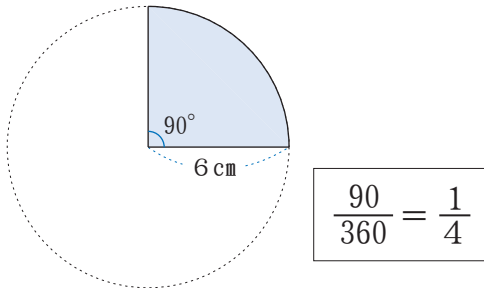
それは、

[× 3.14] を
計算しないで済む場合もあるからです。

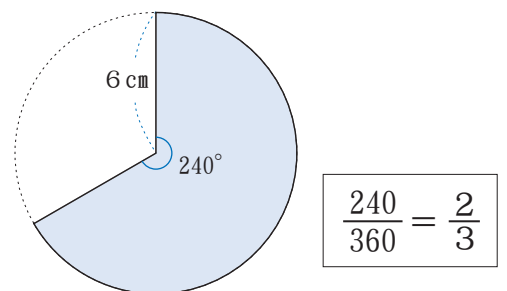
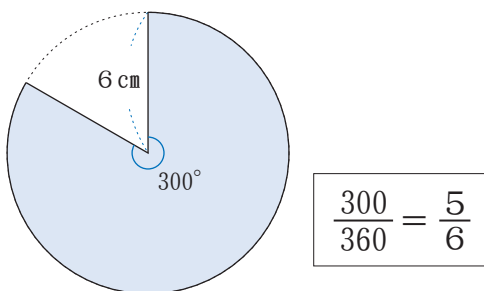
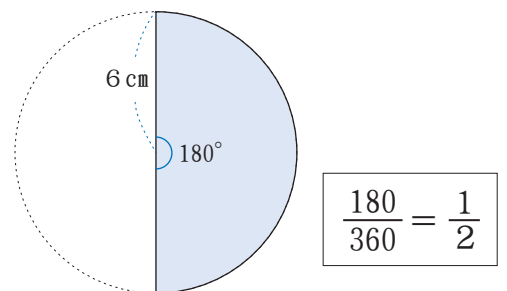
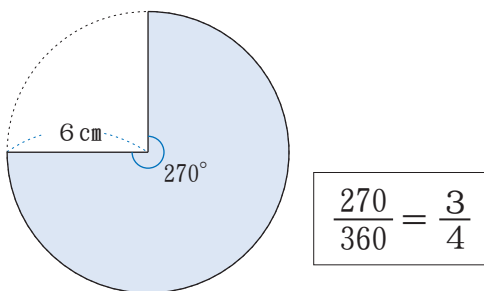
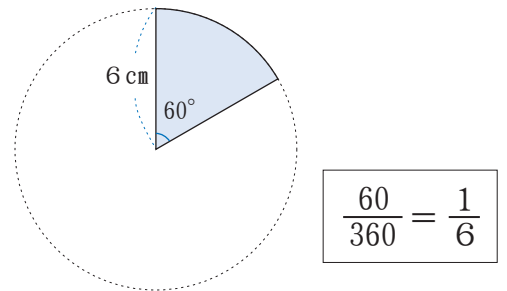
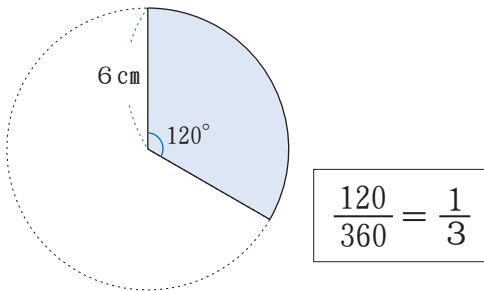
おうぎ形の面積

-2

次のおうぎ形の面積を求める式を示しなさい。



[例] $6 \times 6 \times 3.14 \times \frac{90}{360}$



おうぎ形の面積 -3

下の例にしたがって、次の計算をしなさい。
(約分を最後までやれるようになること)

[例]

$$\begin{array}{r}
 \boxed{3} \quad \boxed{3} \quad \quad \quad \boxed{1} \\
 \cancel{6} \times \cancel{6} \times \boxed{3.14} \times \frac{\cancel{90}}{\cancel{360}} \\
 = 3 \times 3 \times 3.14 \quad \quad \quad \cancel{4} \\
 = 28.26 \quad \quad \quad \boxed{1}
 \end{array}$$

$$6 \times 6 \times 3.14 \times \frac{60}{360}$$

$$6 \times 6 \times 3.14 \times \frac{120}{360}$$

$$6 \times 6 \times 3.14 \times \frac{150}{360}$$

$$6 \times 6 \times 3.14 \times \frac{45}{360}$$

$$6 \times 6 \times 3.14 \times \frac{135}{360}$$

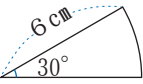
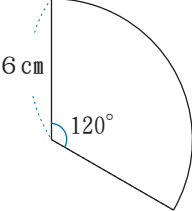
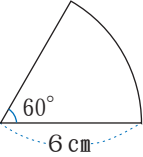
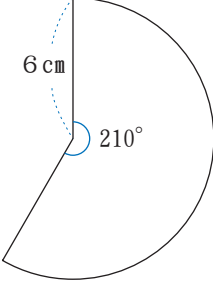
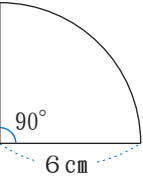
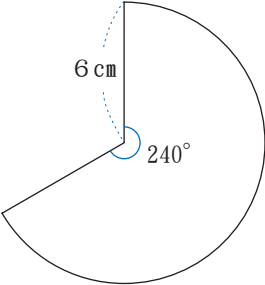
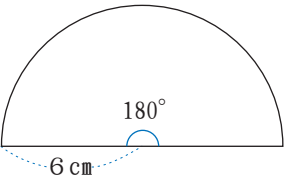
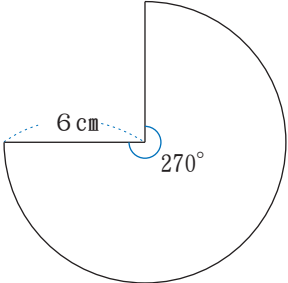
$$5 \times 5 \times 3.14 \times \frac{72}{360}$$

【参考】

$3.14 \times 2 = 6.28$	$360^\circ \div 12 = 30^\circ$
$3.14 \times 3 = 9.42$	$360^\circ \div 8 = 45^\circ$
$3.14 \times 4 = 12.56$	$360^\circ \div 6 = 60^\circ$
$3.14 \times 5 = 15.7$	$360^\circ \div 5 = 72^\circ$
$3.14 \times 6 = 18.84$	$360^\circ \div 4 = 90^\circ$
$3.14 \times 7 = 21.98$	$360^\circ \div 3 = 120^\circ$
$3.14 \times 8 = 25.12$	
$3.14 \times 9 = 28.26$	
$3.14 \times 10 = 31.4$	

おうぎ形の面積 -4

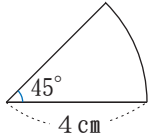
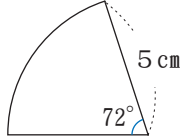
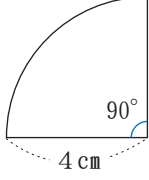
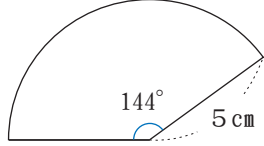
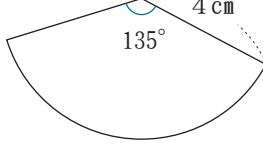
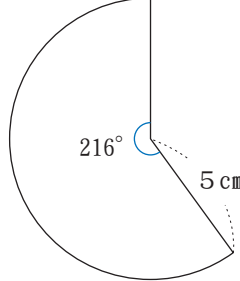
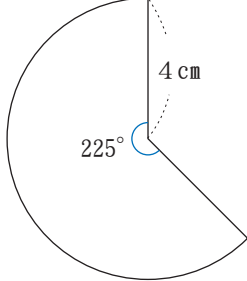
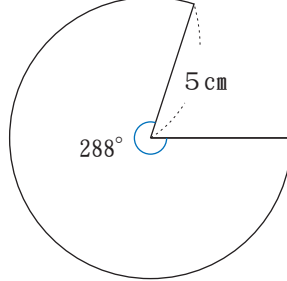
次のおうぎ形の面積を求めなさい。

おうぎ形の面積

-5

次のおうぎ形の面積を求めなさい。

 <p>A sector with a radius of 4 cm and a central angle of 45°.</p>	 <p>A sector with a radius of 5 cm and a central angle of 72°.</p>
 <p>A sector with a radius of 4 cm and a central angle of 90°.</p>	 <p>A sector with a radius of 5 cm and a central angle of 144°.</p>
 <p>A sector with a radius of 4 cm and a central angle of 135°.</p>	 <p>A sector with a radius of 5 cm and a central angle of 216°.</p>
 <p>A sector with a radius of 4 cm and a central angle of 225°.</p>	 <p>A sector with a radius of 5 cm and a central angle of 288°.</p>