

(学年) [名前]

めん せき もと かた
面積の求め方

面積を求めるとき、
それぞれの 図形 の

ていぎ せいしつ
定義と性質 を

いくらか知っていることが必要です。

ここでは、

正方形

長方形

平行四辺形

三角形

台形 などの

た かくけい
多角形の面積 と、

立方体と直方体の

たいせき ひょうめんせき
体積と表面積 を、求めます。

その前に、もう一度、それらの形の

定義と性質 を 復習しておいてください。

めん せき
正方形の面積

面積は、

- [1辺が1mmの正方形の面積] = [1mm²]平方ミリメートル
- [1辺が1cmの正方形の面積] = [1cm²]平方センチメートル
- [1辺が1dmの正方形の面積] = [1dm²]平方デシメートル
- [1辺が1mの正方形の面積] = [1m²]平方メートル
- [1辺が10mの正方形の面積] = [1a]アール
- [1辺が100mの正方形の面積] = [1ha]ヘクタール (ヘクトアール)
- [1辺が1kmの正方形の面積] = [1km²]平方キロメートル

覚えて言いなさい。

など、

正方形の面積を

きほん
基本の大きさとして、

それがいくつ分か、と考えます。

いっばん
一般の正方形は、

たが
辺が互いに直角ですし、

同じ長さ ですから、

正方形の面積

$$= [1\text{辺}] \times [1\text{辺}]$$

と、表します。

【参考】

[1辺が0.1m]
デシメートル
すなわち [1辺が1dm] の
正方形の面積を
[1dm²] (1平方デシメートルと読む)
という単位はふつう使いませんが、
算数の学習には非常に便利ですから、
使うようにしましょう。

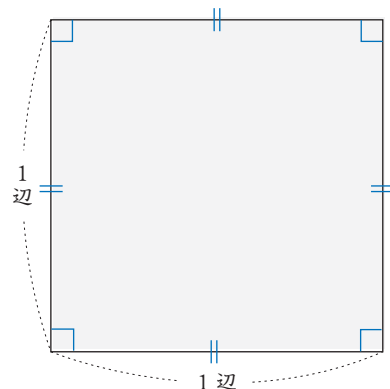
※ ちなみに、[デシ] とは、 $\frac{1}{10}$
[センチ] とは、 $\frac{1}{100}$
[ミリ] とは、 $\frac{1}{1000}$
という、意味です。

したがって、

$$[1\text{デシメートル}] = \frac{1}{10} \text{メートル} = 0.1\text{m} = 10\text{cm}$$

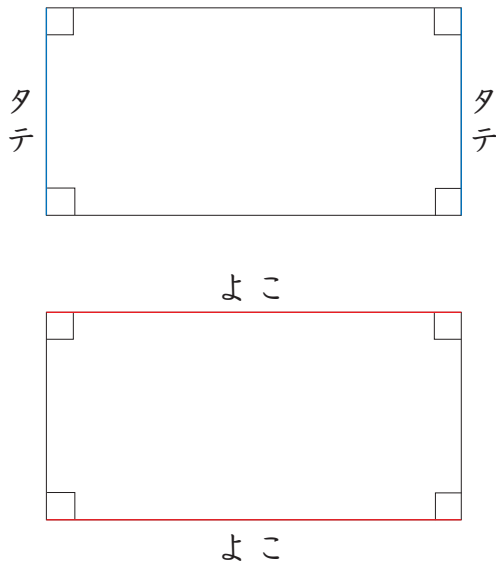
$$[1\text{センチメートル}] = \frac{1}{100} \text{メートル} = 0.01\text{m} = 1\text{cm}$$

$$[1\text{ミリメートル}] = \frac{1}{1000} \text{メートル} = 0.001\text{m} = 0.1\text{cm} = 1\text{mm}$$



何度もくりかえし読んで、りかい理解できたら、
テキストを見ながら、先生にせつめい説明しなさい。

長方形の面積

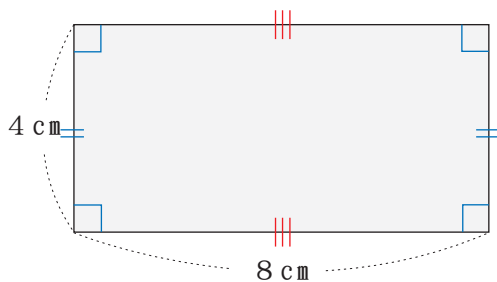


〔長方形〕の
 〔タテの辺〕と〔よこの辺〕とは
 〔たがい^{すいちよく}に垂直〕ですから、

長方形の面積

= 〔タテ〕 × 〔よこ〕

で求められます。



[$4\text{ cm} \times 8\text{ cm} = 32\text{ cm}^2$]

ちゅうもく

注目すべきことは、

〔タテ〕と〔よこ〕が

〔垂直^{すいちよく}の^{かんけい}関係にある〕ことです。

いご
 以後の

面積^{めんせき}計算^{けいさん}の基本^{きほん}は、

〔かけられる長さ〕と〔かける長さ〕とは、

〔常に^{つね}垂直^{すいちよく}の関係にある〕

ということです。

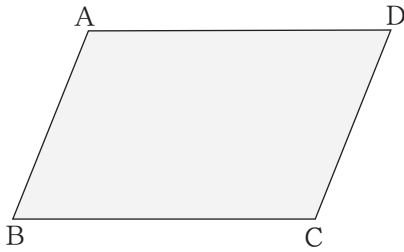
これは、

〔面積〕が

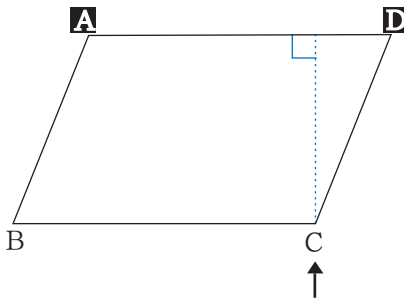
〔正方形の面積〕を基本に考えているからです。

何度もくりかえし読んで、理解^{りかい}できたら、
 テキストを見ながら、先生^{せんせい}に説明^{せつめい}しなさい。

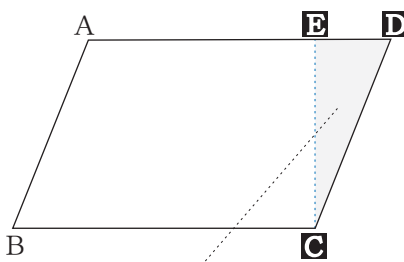
平行四辺形の面積 -1



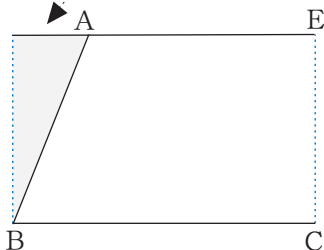
平行四辺形のままでは求められないので、
長方形に形を変えて求めます。



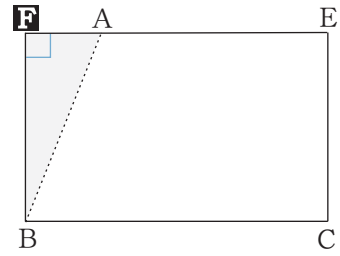
この点 C から
対辺 **AD** に
垂線を引きます。



この
[△ **CDE**] を



うっ
移します。



新しく、
[元の平行四辺形 ABCD]と
同じ面積の
[長方形 BCE**F**]ができました。

[長方形の面積]は
[タテ×よこ]で
求められることが分かっています。

つまり、
[新しくできた 長方形の面積]
を求めることは、

[元の 平行四辺形の面積]
を求めることになります。

このように、
算数では、

[すでに分かっていることにもどる]
ことにより、
新しい問題を **解決** していきます。

何度もくりかえし読んで、理解できたら、
テキストを見ながら、先生に説明しなさい。

平行四辺形の面積

-2

ここで、

[平行四辺形の面積] を
求めるために使った長さは、

平行四辺形の1つの辺 と

平行線間の距離 でした。

[長方形の辺] のように、
[タテ] と [よこ] と
呼ぶことはできません。

なぜなら、

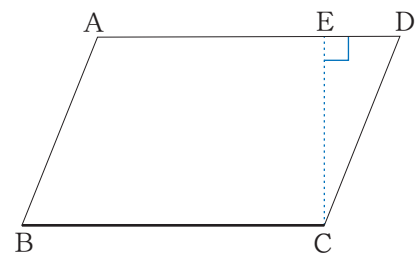
[長方形] の
[タテ] と [よこ] は、
[長方形の辺] でしたが、

[平行四辺形] のばあいは、
[2種類の辺] を
使うのではないからです。

[平行四辺形] の [となりあう辺] は
[たがいに垂直ではない] から

使えなかったわけです。

そこで、



[平行四辺形] の
[BC]の長さを [底辺]

[CよりADに垂直に引いた]

[CE]の長さを [高さ]

と呼ぶことになっています。

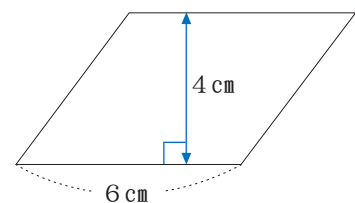
一般に、

[平行四辺形] において、

[1つの辺] を [底辺] と決めるとき、

[底辺と対辺] の [平行線間の距離] を

[平行四辺形の 高さ] と呼びます。



[底辺] が [6 cm]

[高さ] が [4 cm] であれば、

[平行四辺形の面積]

$$= 6 \text{ cm} \times 4 \text{ cm}$$

$$= 24 \text{ cm}^2$$

何度もくりかえし読んで、理解できたら、
テキストを見ながら、先生に説明しなさい。

平行四辺形の面積 -3

すなわち、いっばんてき一般的には、

平行四辺形の面積

$$= \text{〔底辺〕} \times \text{〔高さ〕}$$

として求めることができます。

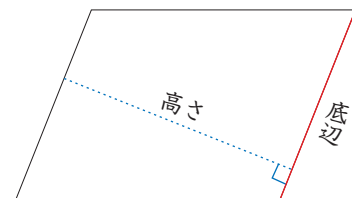
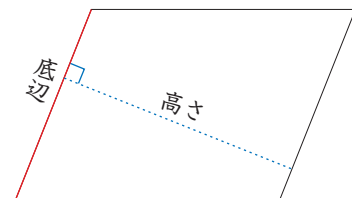
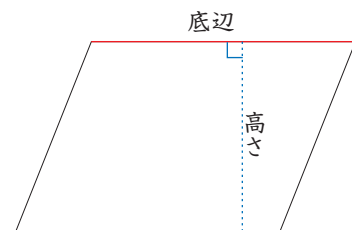
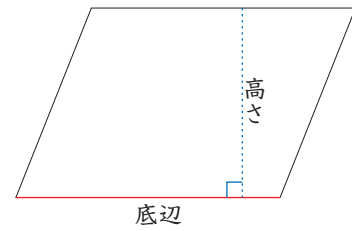
$$\text{平行四辺形の面積} \div \text{底辺} = \text{高さ}$$

$$\text{平行四辺形の面積} \div \text{高さ} = \text{底辺}$$

覚えて言いなさい。

右の平行四辺形は、
すべて 合同な平行四辺形 です。

どの辺を〔底辺〕とし、
どこを〔高さ〕とするかは、
そのときのつごうで決まるだけで、
この図を見ている人にとって、
下にある方が〔底辺〕
というわけでないのは
見ればわかる場所ですね。



何度もくりかえし読んで、理解できたら、
テキストを見ながら、先生に説明しなさい。

平行四辺形の面積 -4

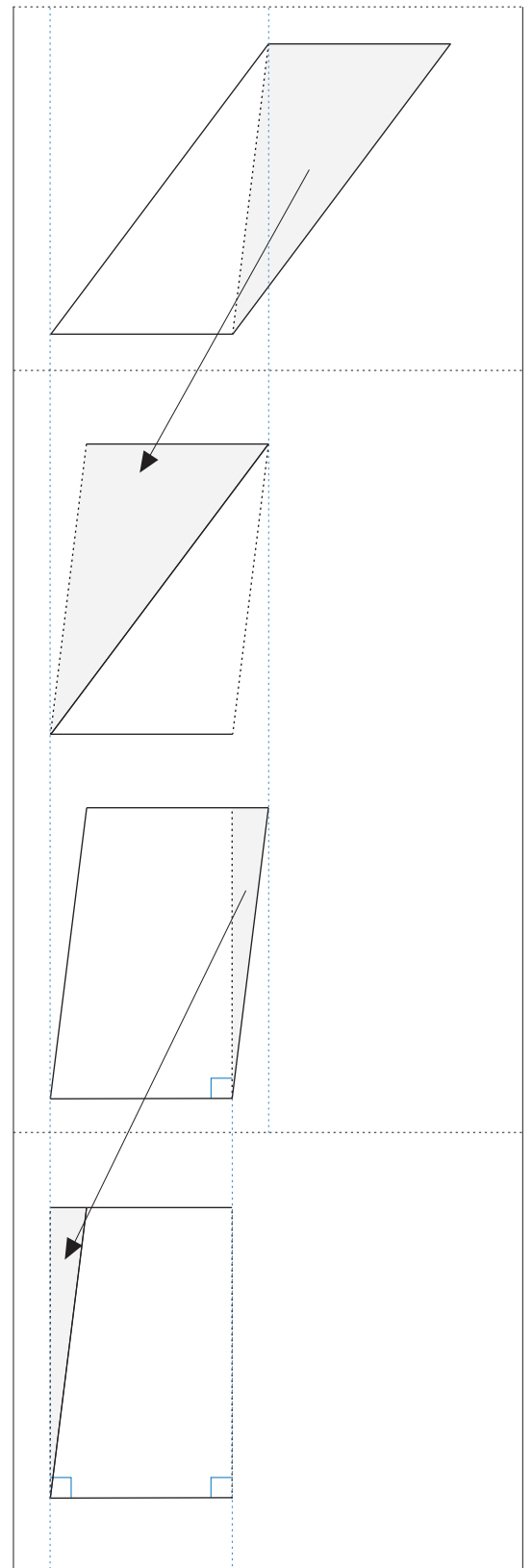
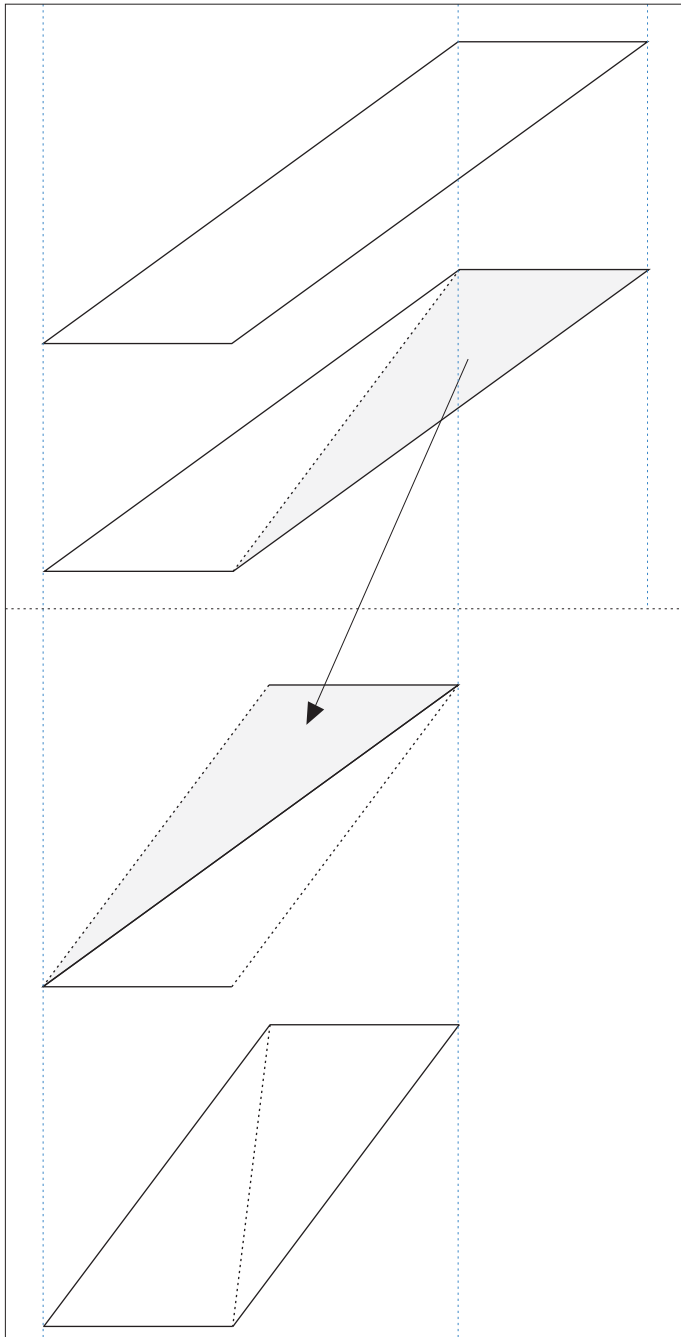
以下の図は、

[平行四辺形] が

[面積を変えず] に

[長方形] に

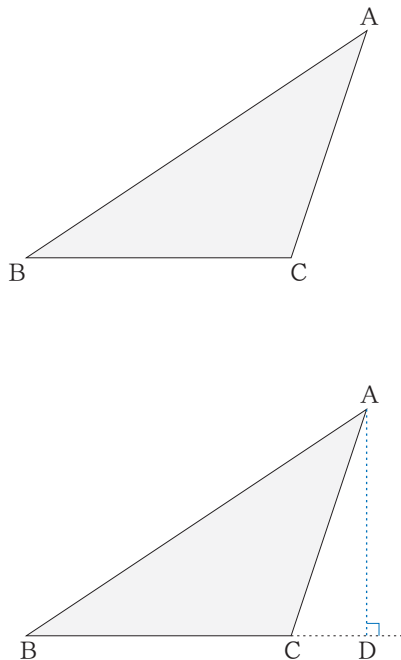
変わっていくようすを表したものです。



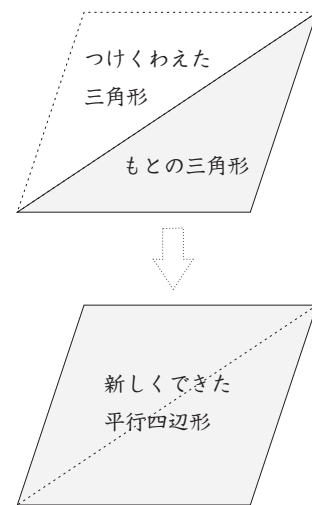
[長方形] となりました。

何度もくりかえしよく見て、理解できたら、テキストを見ながら、先生に説明しなさい。

三角形の面積 -1



〔三角形〕は、
 合同な三角形を
 つぎのようにくっつけると、
 〔平行四辺形〕になります。



上の図を指でおさえながら、
 次の定義を覚えて言いなさい。

〔三角形の頂点 A〕から、
 〔辺 BC の延長線上〕におろした
 〔垂線の長さ AD〕を、
 〔BC を底辺としたときの高さ〕
 と言います。

それゆえ、まず
 〔平行四辺形の面積〕を求め、
 それを〔2等分〕して
 〔三角形の面積〕を求めます。

このように、
 〔三角形の面積〕は、
 〔平行四辺形の面積の半分〕
 と考えると、
 どのような三角形のばあいも求められます。

何度もくりかえし読んで、理解できたら、
 テキストを見ながら、先生に説明しなさい。

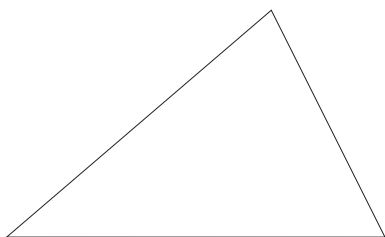
三角形の面積

-2

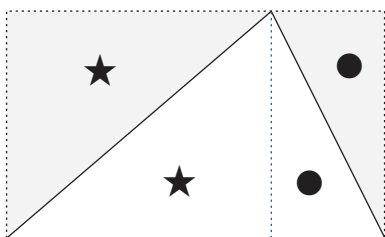
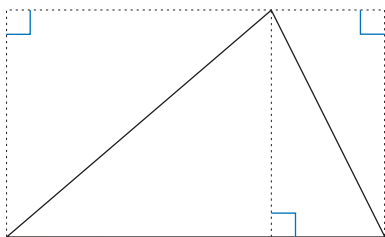
特別な三角形のばあいは、

〔長方形の半分〕

と考えることもできます。



この三角形の面積は、
次のように、
長方形を考えます。



★どうし、●どうしは 合同な三角形
ですから、
面積は等しい。

それゆえ、図のように、

〔長方形〕は

〔三角形の2倍〕の大きさです。

今見てきたとおり、

〔三角形〕2つを合わせると、

〔平行四辺形〕か〔長方形〕になります。

$$\begin{aligned} & \text{〔平行四辺形の面積〕} \\ & = \text{〔底辺〕} \times \text{〔高さ〕} \\ & \text{〔長方形の面積〕} \\ & = \text{〔よこ〕} \times \text{〔タテ〕} \end{aligned}$$

いずれのはあいも、

〔三角形の底辺〕 × 〔高さ〕

となります。

〔三角形の面積〕は
〔平行四辺形の半分〕 または
〔長方形の半分〕 ですから、

三角形の面積

$$= \text{三角形の} \text{〔底辺〕} \times \text{〔高さ〕} \div 2$$

で求められます。

覚えて言いなさい。

三角形の面積を2倍すると
長方形（または平行四辺形）
を作ると考えられますから、

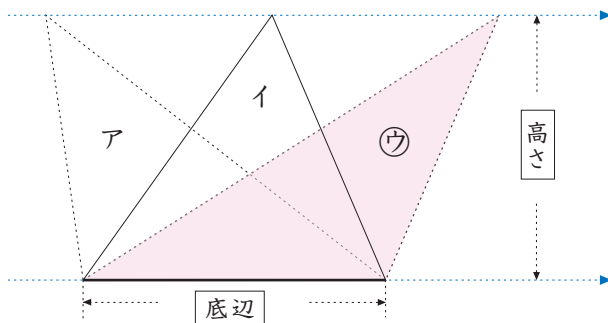
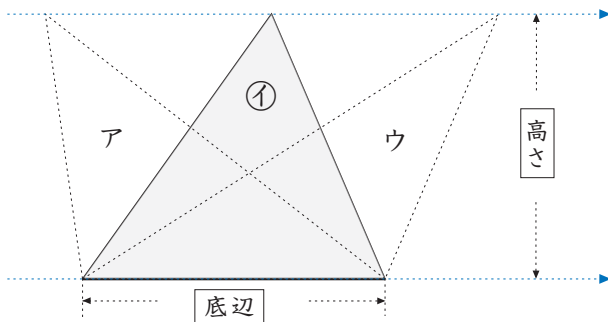
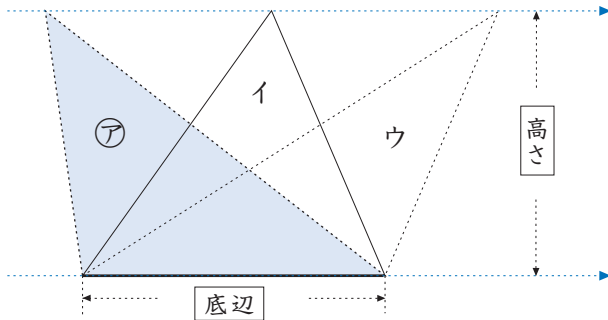
$$\begin{aligned} & \text{三角形の面積} \times 2 \div \text{底辺} = \text{高さ} \\ & \text{三角形の面積} \times 2 \div \text{高さ} = \text{底辺} \end{aligned}$$

となります。

何度もくりかえし読んで、理解できたら、
テキストを見ながら、先生に説明しなさい。

三角形の面積

-3



上の
 [三角形 ア] と
 [三角形 イ] と
 [三角形 ウ] とは
 同じ面積 です。

なぜなら、
 すでに調べたように、
 どのような形の三角形も、

$$\begin{aligned} & \text{[三角形の面積]} \\ & = \text{[底辺]} \times \text{[高さ]} \div 2 \end{aligned}$$

で求められました。

図のように、

[三角形の底辺] は
 まったく変わっていませんし、

[高さ] も

[同じ平行線間の距離] として、
 変化していません。

それゆえ、常に

[底辺] と [高さ] が [一定]

しています。

[底辺] と [高さ] が等しいなら
 [三角形の面積] も等しくなりますね。

何度もくりかえし読んで、理解できたら、
 テキストを見ながら、先生に説明しなさい。

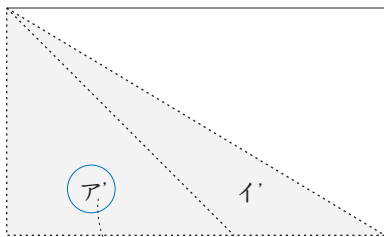
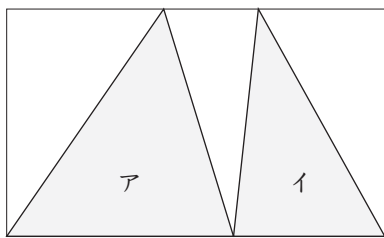
三角形の面積

-4

A4-図形-10 さんしやう を参照して、
なぜそうなるのか、説明しなさい。

長方形の中に描かれた
次のような2つの三角形
アとイを くわ 加えると

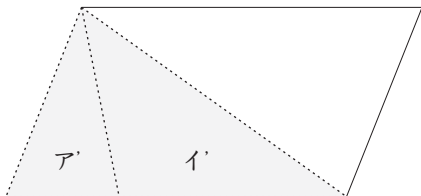
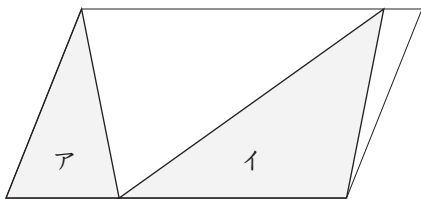
長方形の半分の大きさ になります。



→ (ア ダッシュ)

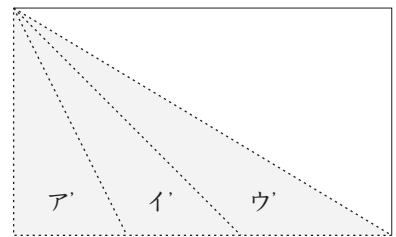
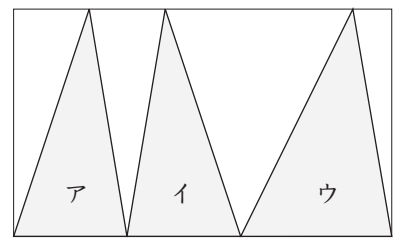
平行四辺形の中に描かれた
次のような2つの三角形
アとイ を加えると

平行四辺形の半分の大きさ になります。



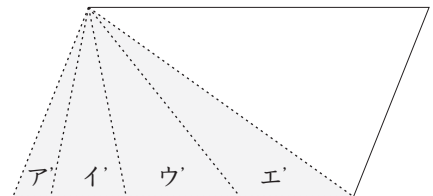
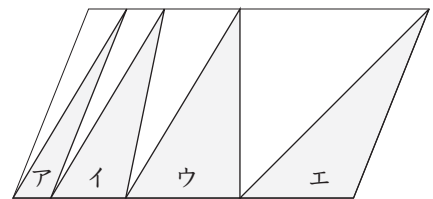
長方形の中に描かれた
次のような3つの三角形
ア、イ、ウ を加えると

長方形の半分の大きさ になります。



平行四辺形の中に描かれた
次のような4つの三角形
ア、イ、ウ、エ を加えると

平行四辺形の半分の大きさ になります。



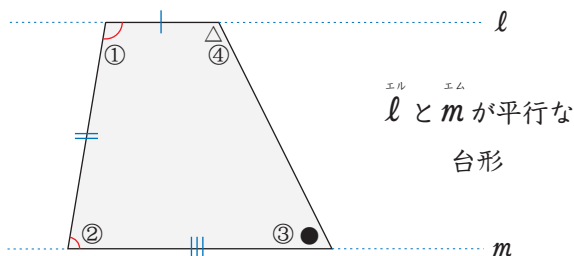
台形の面積

-1

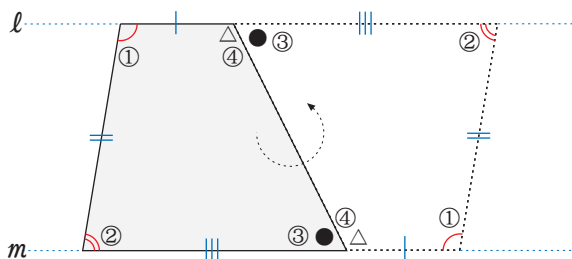
[平行四辺形] の面積は
[長方形] の形になおして 考えました。

[台形] の面積は
[平行四辺形] の形

にして、考えられます。

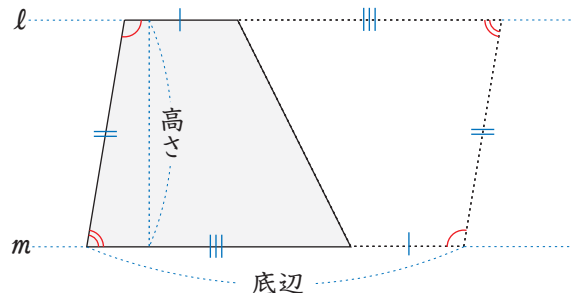


この台形と合同な台形を回転して
次の図のようにつけます。



新しくできた四角形は

[平行四辺形] です。



この 平行四辺形の面積 を求め、

それを **2等分** すれば

もとの **台形の面積** が求められます。

合同な2つの台形が
平行四辺形になることは、
A4-方眼-11~20 でも
いくつも確かめました。

厳密な証明 (説明) は、
中学で学びますが、

合同な台形2つを組み合わせ
平行四辺形になることは
納得できると思います。

何度もくりかえし読んで、理解できたら、
テキストを見ながら、先生に説明しなさい。

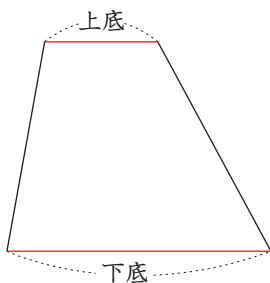
台形の面積 -2

台形のなかで、
 平行な関係にある

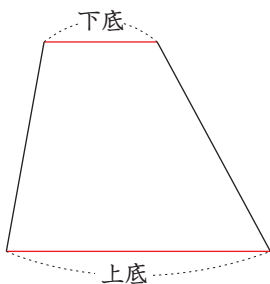
2つの辺の一方を [上底]、

もう一方を [下底]

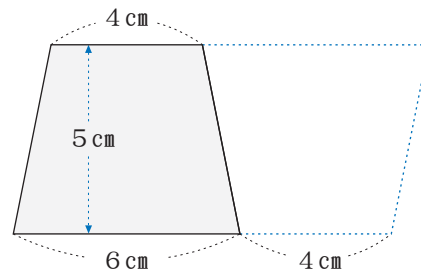
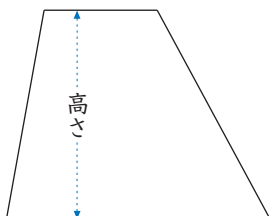
と呼ぶことになっています。



下のように読んでもかまわないのですが、
 ふつうは、
 あまのじゃくなことを言わないで、
 上を [上底] と言っています。



また、
 平行線間の距離は、
 平行四辺形と同じように、
 [高さ] と呼ぶことになっています。



台形の面積

= (上底 + 下底) × 高さ ÷ 2

として 求めることができます。

覚えて言いなさい。

$$(4 + 6) \times 5 \div 2 = 25 \text{ cm}^2$$

[台形の面積] を [2倍] すると、
 [上底 + 下底] を [底辺] とし、
 [台形の高さ] を [高さ] とする
 [平行四辺形] と、考えられるわけですから、

$$\boxed{\text{台形の面積} \times 2} \div (\text{上底} + \text{下底}) = \text{高さ}$$

$$\boxed{\text{台形の面積} \times 2} \div \text{高さ} = \text{上底} + \text{下底}$$

$$\boxed{\text{台形の面積} \times 2} \div (\text{高さ} - \text{上底}) = \text{下底}$$

$$\boxed{\text{台形の面積} \times 2} \div (\text{高さ} - \text{下底}) = \text{上底}$$

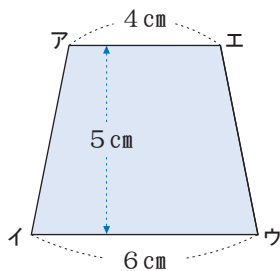
何度もくりかえし読んで、理解できたら、
 テキストを見ながら、先生に説明しなさい。

台形の面積

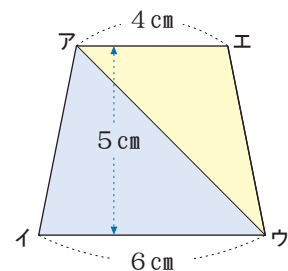
-3

[台形] の面積は
[三角形] の形にして
考えることもできます。

左の台形を、
下のような三角形の組み合わせに変えます。



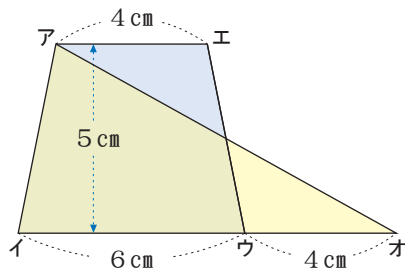
3



上の台形を、
下のような三角形に形を変えます。

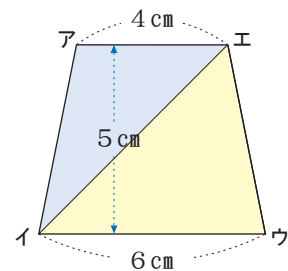
$$\begin{aligned} & \text{三角形アイウ} + \text{三角形アウエ} \\ &= 6 \times 5 \div 2 + 4 \times 5 \div 2 \\ &= (6 + 4) \times 5 \div 2 \end{aligned}$$

1



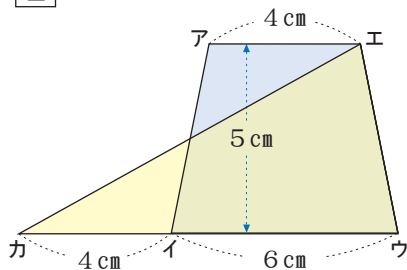
$$\begin{aligned} & \text{台形アイウエ} \\ &= \text{三角形アイオ} \\ &= (6 + 4) \times 5 \div 2 \end{aligned}$$

4



$$\begin{aligned} & \text{三角形アイエ} + \text{三角形エイウ} \\ &= 4 \times 5 \div 2 + 6 \times 5 \div 2 \\ &= (4 + 6) \times 5 \div 2 \end{aligned}$$

2



$$\begin{aligned} & \text{台形アイウエ} \\ &= \text{三角形エカウ} \\ &= (4 + 6) \times 5 \div 2 \end{aligned}$$

何度もくりかえし読んで、理解できたら、
テキストを見ながら、先生に説明しなさい。

台形の面積

-4

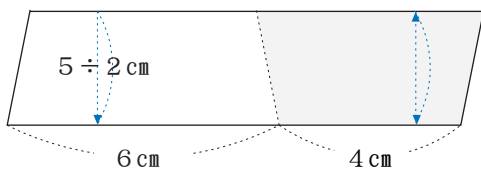
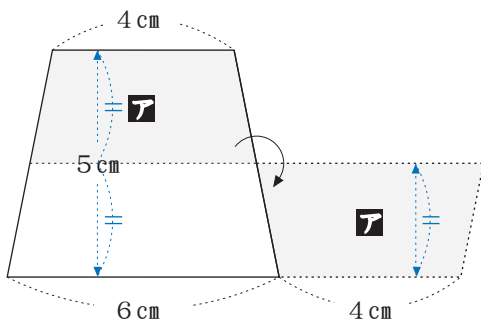
〔台形〕の面積は、

下の図のように

高さを2等分した

〔2つの台形〕の1つを

移動して、



〔平行四辺形〕を

作ることができます。

$$(6 + 4) \times 5 \div 2 = 25 \text{ cm}^2$$

台形の面積を求める公式を
図形的に考えると、または
図形の組み立てをいろいろと考えると
別の形が見えてきます。

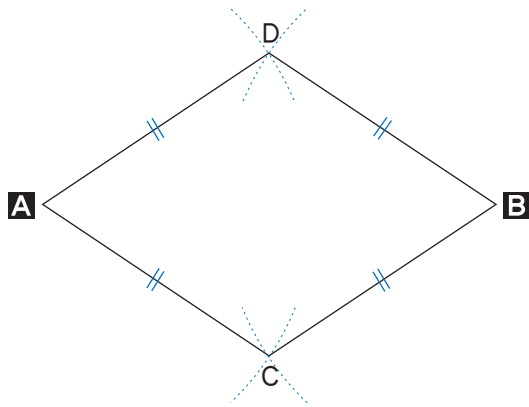
何度もくりかえし読んで、理解できたら、
テキストを見ながら、先生に説明しなさい。

ひしがた
菱形の面積

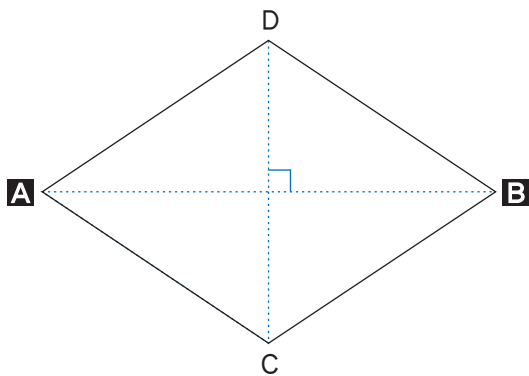
-1

[4つの辺がすべて等しい四角形]は
[ひし形]と名づけられています。

[点 **A**]と[点 **B**]から
[すべて等しい距離]に
[**A**C][**A**D]
[**B**C][**B**D]をとると、
[ひし形]ができる。

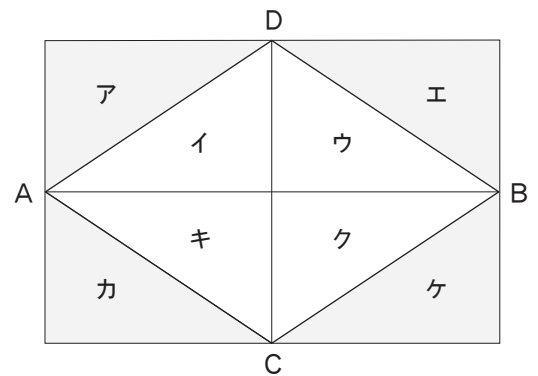
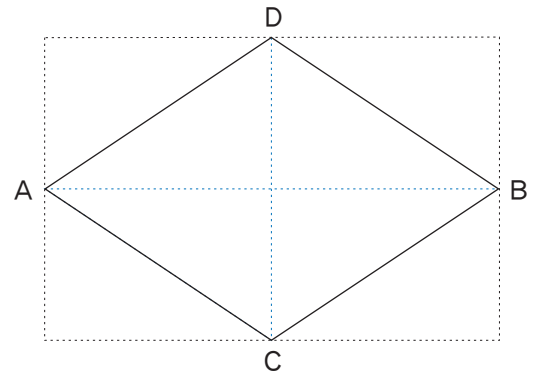


[対角線 **AB**]と[対角線 **CD**]をひく。



2つの対角線は
お互いを2等分するように
垂直に交わる。

次の図のように、
まわりに長方形を描きます。



ア、イ、ウ、エ、カ、キ、ク、ケの
8つの三角形は、
すべて合同です。

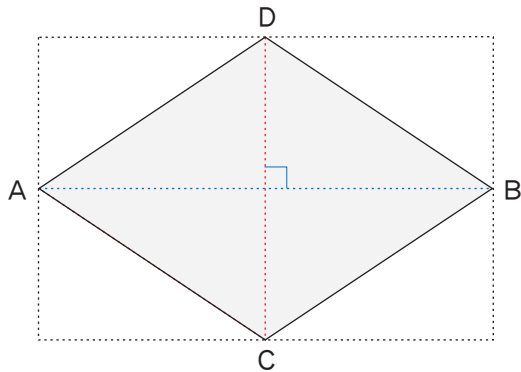
ですから、
[ひし形ACBD]の面積は
[長方形の半分]です。

何度もくりかえし読んで、理解できたら、
テキストを見ながら、先生に説明しなさい。

ひしがた
菱形の面積

-2

[対角線CD]=[長方形のタテ]となりますし、
[対角線AB]=[長方形のよこ]となりますから、



[ひし形の面積]

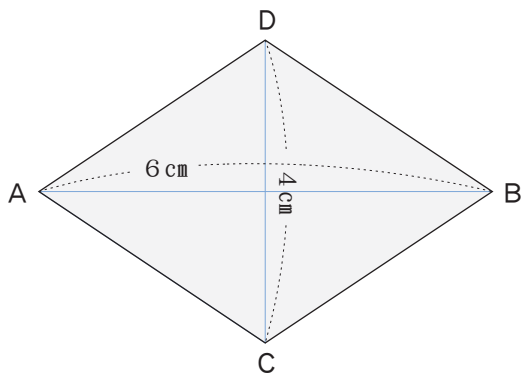
$$= \text{外ワクの大きい長方形の面積} \div 2$$

$$= \text{長方形のタテ} \times \text{長方形のよこ} \div 2$$

$$= \boxed{\text{対角線CD}} \times \boxed{\text{対角線AB}} \div \boxed{2}$$

となります。

覚えて言いなさい。



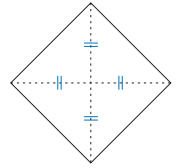
$$4 \text{ cm} \times 6 \text{ cm} \div 2$$

$$= 24 \text{ cm}^2 \div 2$$

$$= 12 \text{ cm}^2$$

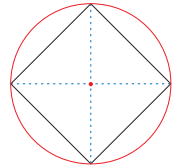
【参考】

[対角線の長さ]の[等しい]
[ひし形]があります。



このばあい、

[対角線]の[交点]を[中心]にして
[ひし形の頂点]を通る
[円]を描くことができます。

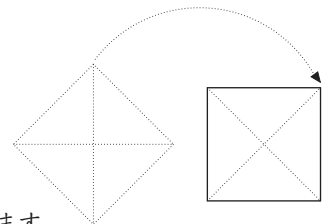


逆に言うと、

[円]の中に
[垂直に交わる直径]と[円周]との
[4つの交点]をむすんでできる
[四角形]は
[ひし形]です。

また、

見方を変えると、
この[ひし形]は
[正方形]でもあります。



それゆえ、

[半径]または[直径]が示されている
[円]の中に描かれた
[正方形の面積]は、

[ひし形の面積]として
求めることができます。

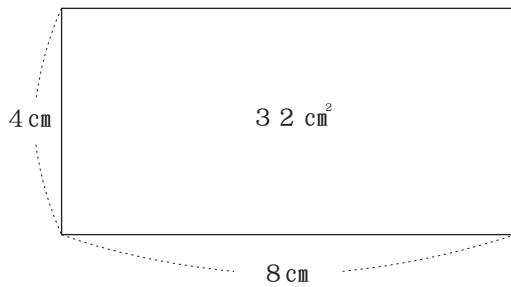
逆に言うと、

このようなばあい、
[正方形だから1辺の長さ!]
といった考え方では
[正方形の面積]を
求めることができません。

何度もくりかえし読んで、理解できたら、
テキストを見ながら、先生に説明しなさい。

図形の面積問題いろいろ

面積 がわかっていると、
ある部分の長さ を求めることができます。

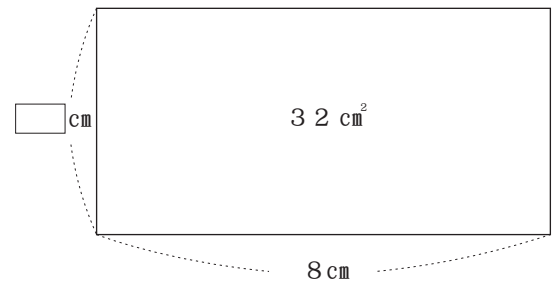


[タテ×よこ＝長方形の面積]ですから、
 [4 cm × 8 cm = 32 cm²]です。

ですから、もちろん

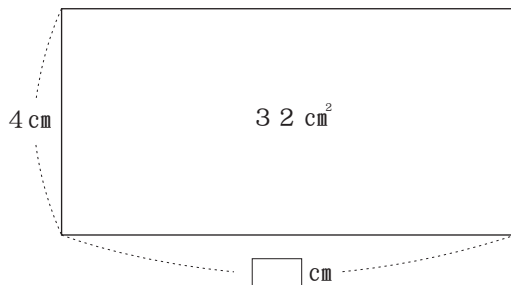
[長方形の面積 32 cm²]と
 [長方形のよこ 8 cm]が
 わかっているとき、

[長方形のタテ]を求める方法



[長方形の面積 32 cm²]と
 [長方形のタテ 4 cm]が
 わかっているとき、
 [長方形のよこ]を求める方法

[長方形のタテ＝長方形の面積÷よこ]
 [長方形のタテ＝ 32 cm² ÷ 8 cm]
 = 4 cm
 となります。

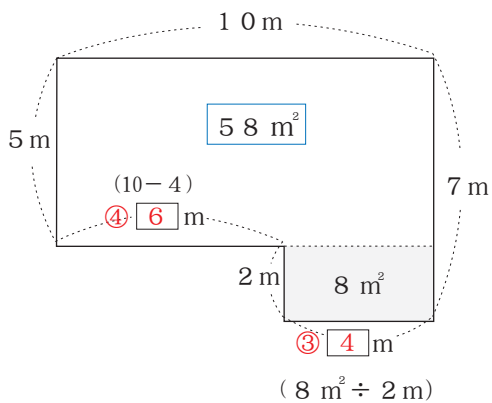
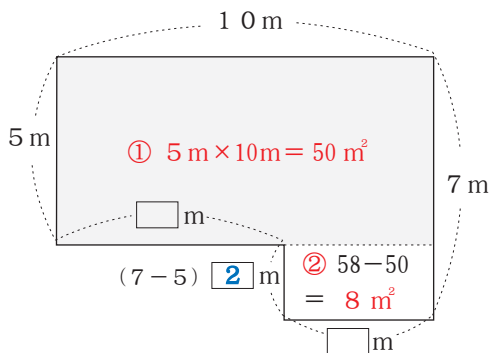
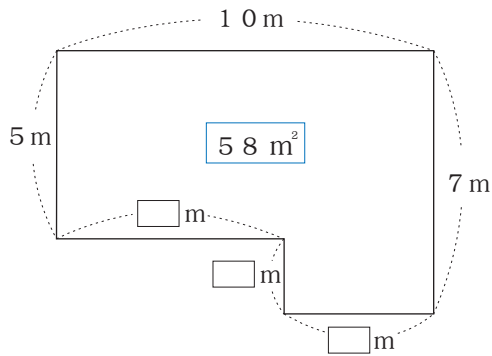


[長方形のよこ＝長方形の面積÷タテ]
 [長方形のよこ＝ 32 cm² ÷ 4 cm]
 = 8 cm
 となります。

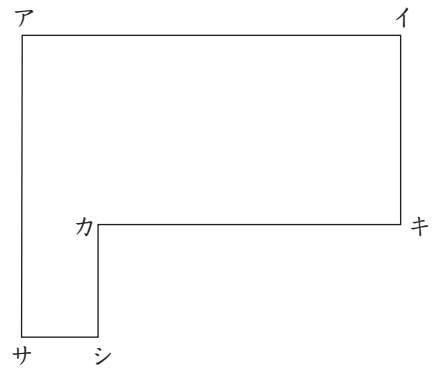
何度もくりかえし読んで、理解できたら、
 テキストを見ながら、先生に説明せつめいしなさい。

図形の面積問題いろいろ

下の図の の大きさの求め方



長方形を組み合わせた下の図の
 アイが10m、アサが8m、イキが5m
 全体の面積が 56 m^2 のとき、
 カシ、カキ、サシ の長さを求めなさい。



図の中に数字を書き込んで、問題に答えなさい。

左の図の問題とまったく同じです。
 ただ、
 図の中に数字を書き込まれていないだけです。
 でも、ずいぶん難しい感じになりますね。

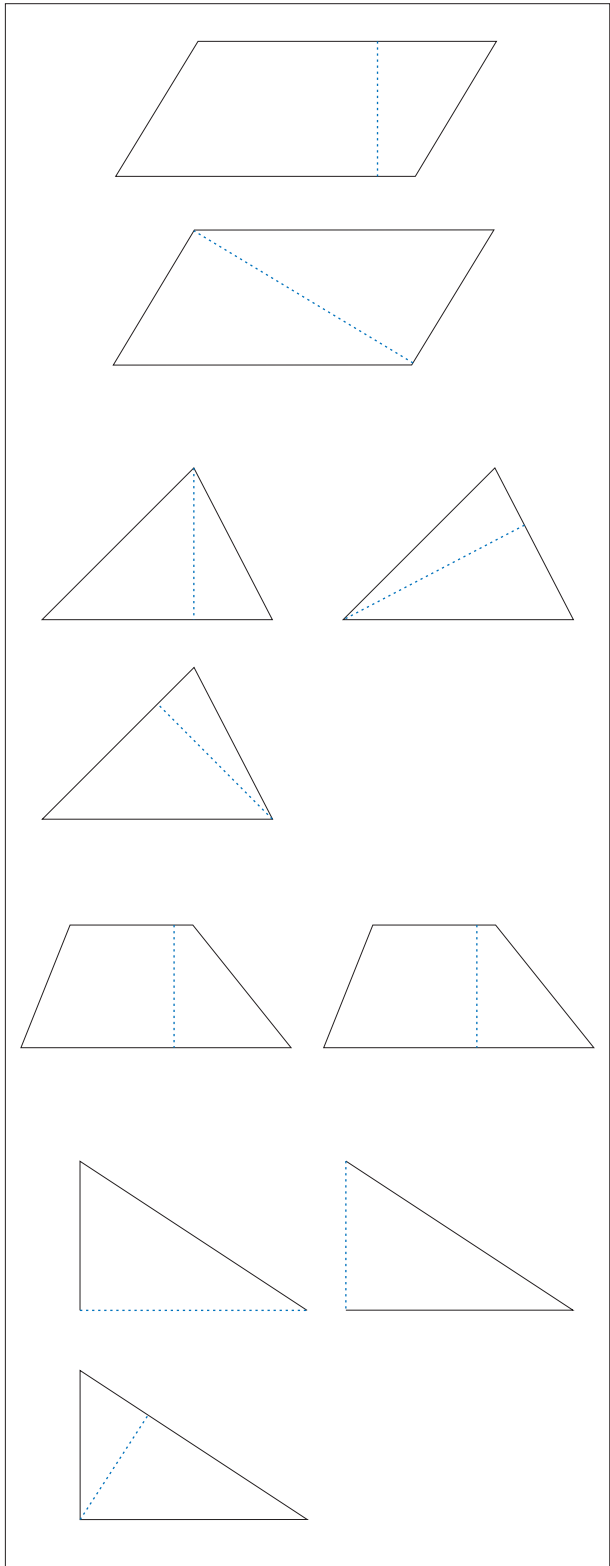
何度もくりかえし読んで、理解できたら、
 テキストを見ながら、先生に説明しなさい。

(学年) [名前]

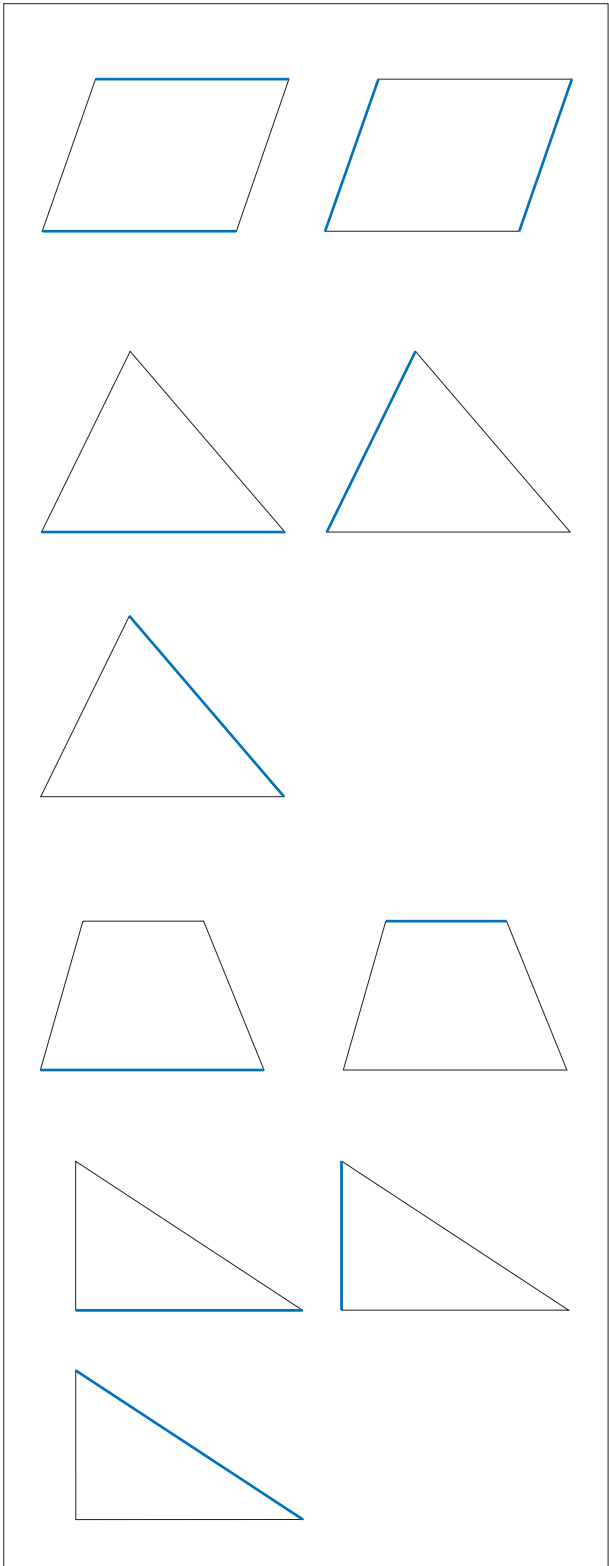
次の **図形の定義** を覚えなさい。**5年**① **台形の定義**1組の対辺が平行な四角形を **台形** という。② **正五角形の定義**5つの辺と5つの角が、等しい五角形を **正五角形** という。③ **正六角形の定義**6つの辺と6つの角が、等しい六角形を **正六角形** という。④ **正多角形の定義**全ての辺と全ての角が、等しい多角形を **正多角形** という。⑤ **おうぎ形の定義**2つの半径で切り取った、円の一部分を **扇形** という。⑥ **平行四辺形の底辺と高さの定義**1つの辺を底辺と決めたときの、
平行線間の距離を
平行四辺形の高さ という。⑦ **台形の高さ**台形の、平行線間の距離を
台形の高さ という。⑧ **円の定義**1つの点から等しい距離にある、点の集合を **円** という。**6年**① **三角柱の定義**合同で平行な、三角形ではさまれた図形を **三角柱** という。② **四角柱の定義**合同で平行な、四角柱ではさまれた図形を **四角柱** という。③ **円柱の定義**合同で平行な、円ではさまれた図形を **円柱** という。④ **拡大図の定義**どの部分の長さも、同じ割合で大きくした図形を **拡大図** という。⑤ **縮図の定義**どの部分の長さも、同じ割合で小さくした図形を **縮図** という。⑥ **線対称の定義**1本の直線を折り目にして折り曲げたとき、
直線の両側がぴったりと重なる図形を
線対称な図形 という。⑦ **対称の軸の定義**線対称な図形で、折り目にした直線を
対称の軸 という。⑧ **点対称の定義**180度回転したとき、
もとの図形とぴったり重なる図形を
点対称図形 という。

図形の面積問題いろいろ

それぞれの図形の **点線** を高さ とするときの、**底辺** を **太線** で示しなさい。



それぞれの図形の **太線** を底辺 とするときの、**高さ** を **点線** で示しなさい。



図形の面積問題いろいろ

今まで、学んできた面積を求める公式を
もう一度おさらいしましょう。

$$[\text{長方形の面積}] = [\text{タテ}] \times [\text{よこ}]$$

$$[\text{長方形のタテ}] = [\text{面積}] \div [\text{よこ}]$$

$$[\text{長方形のよこ}] = [\text{面積}] \div [\text{タテ}]$$

$$[\text{平行四辺形の面積}] = [\text{底辺}] \times [\text{高さ}]$$

$$[\text{平行四辺形の高さ}] = [\text{面積}] \div [\text{底辺}]$$

$$[\text{平行四辺形の底辺}] = [\text{面積}] \div [\text{高さ}]$$

$$[\text{台形の面積}] = (\text{上底} + \text{下底}) \times [\text{高さ}] \div 2$$

$$[\text{台形の高さ}] = [\text{面積}] \times 2 \div (\text{上底} + \text{下底})$$

$$[\text{台形の上底}] = [\text{面積}] \times 2 \div [\text{高さ}] - [\text{下底}]$$

$$[\text{台形の下底}] = [\text{面積}] \times 2 \div [\text{高さ}] - [\text{上底}]$$

$$[\text{ひし形の面積}] = [\text{対角線A}] \times [\text{対角線B}] \div 2$$

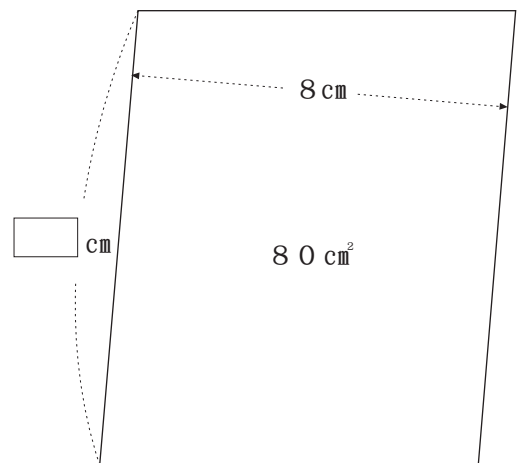
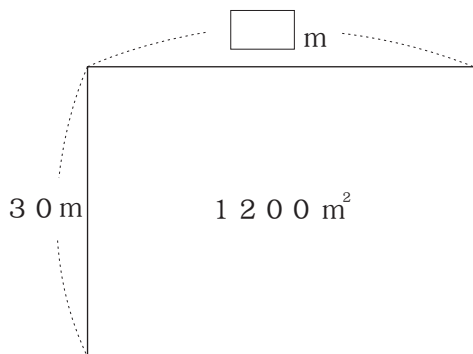
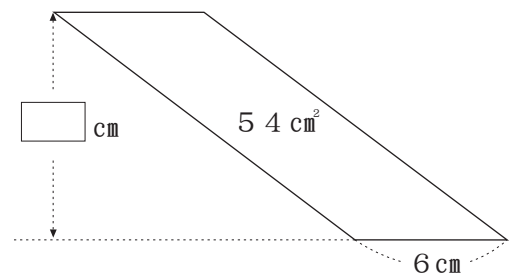
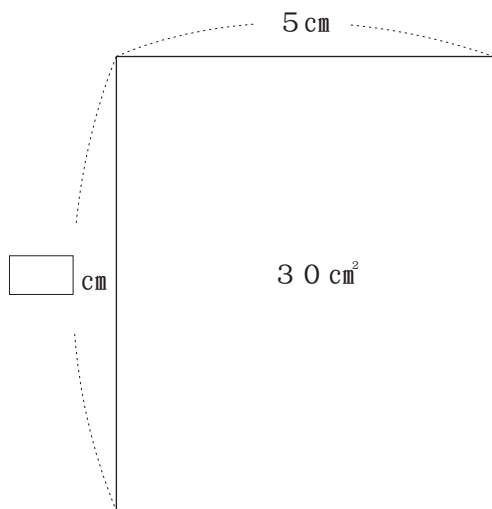
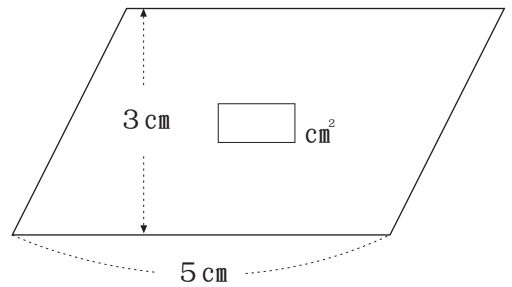
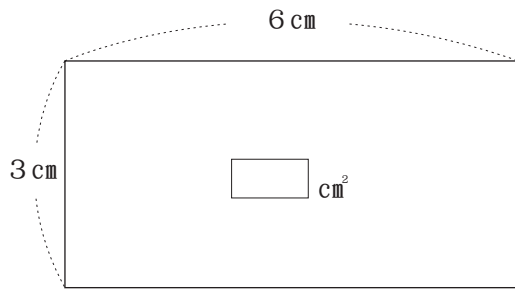
$$[\text{ひし形の対角線A}] = [\text{面積}] \times 2 \div [\text{対角線B}]$$

$$[\text{ひし形の対角線B}] = [\text{面積}] \times 2 \div [\text{対角線A}]$$

それぞれに覚えて言いなさい。

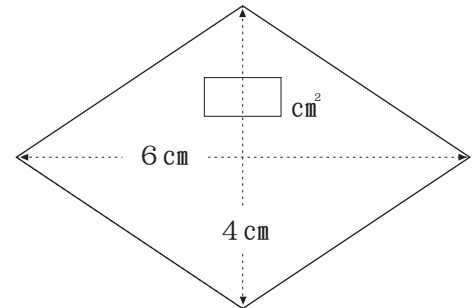
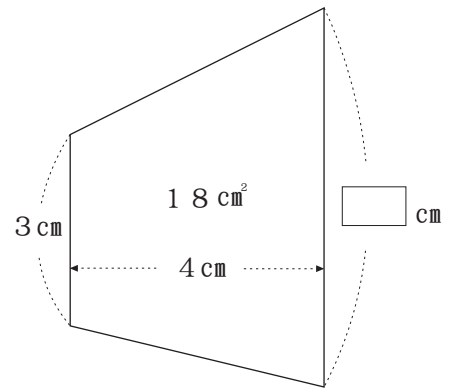
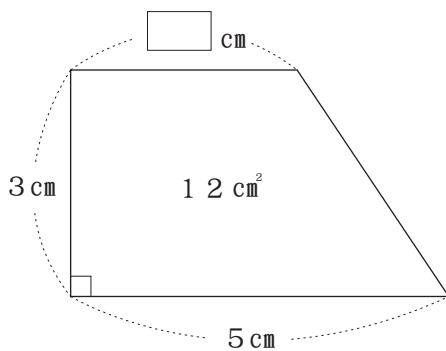
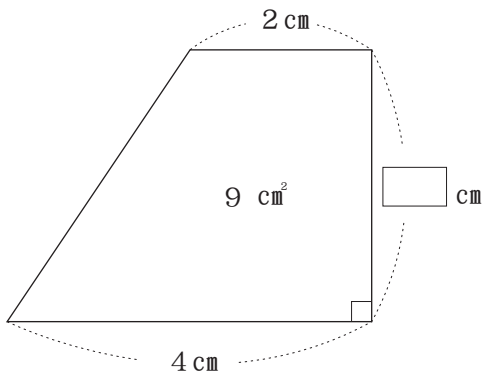
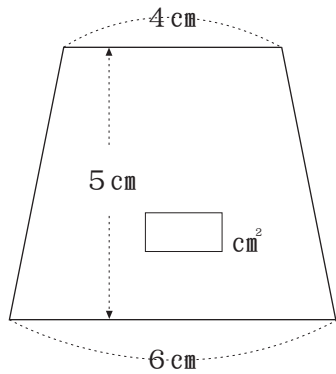
図形の面積問題いろいろ

次の図形の ^{てきとう} に適当な数字を入れなさい。
 どうして求めたか、式も書きなさい。
 (^{たんい} 単位をつけなさい。)

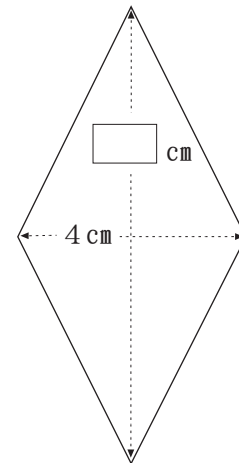


図形の面積問題いろいろ

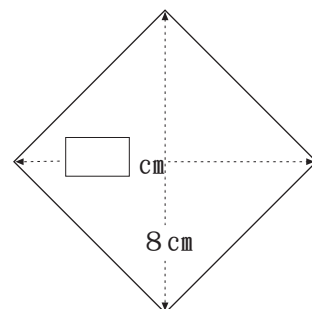
次の図形の に てきとう 適当な数字を入れなさい。
 どうして求めたか、式も書きなさい。
たんい (単位をつけなさい。)



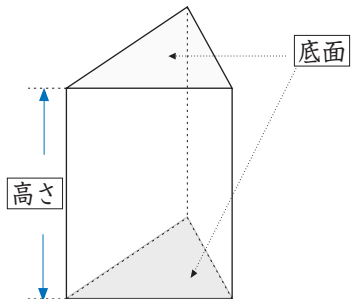
面積
16 cm²



面積
32 cm²

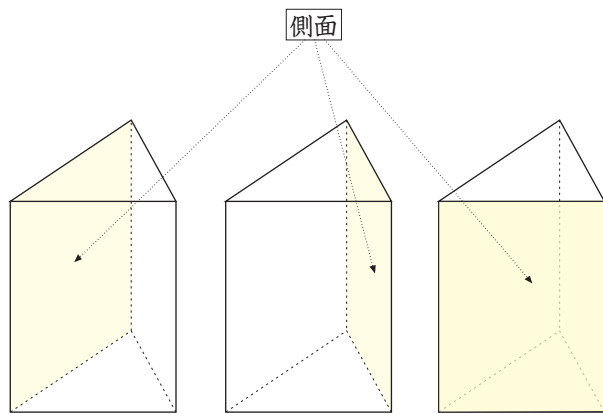


さん かく ちゅう
三角柱



〔三角柱の1つの底面〕から
〔もう1つの底面〕に
〔垂直〕に引いた〔線分の長さ〕を
三角柱の高さ と言う。

何度もくりかえし読んで、^{りかい}理解できたら、
テキストを見ながら、先生に^{せつめい}説明しなさい。



〔合同で、平行〕な
〔2つ〕の **三角形の底面** と
長方形をした側面 で ^{かこ} ^{りったい} 囲まれた立体を
三角柱 という。

三角柱の頂点の数
= [3 × 2]
= 6

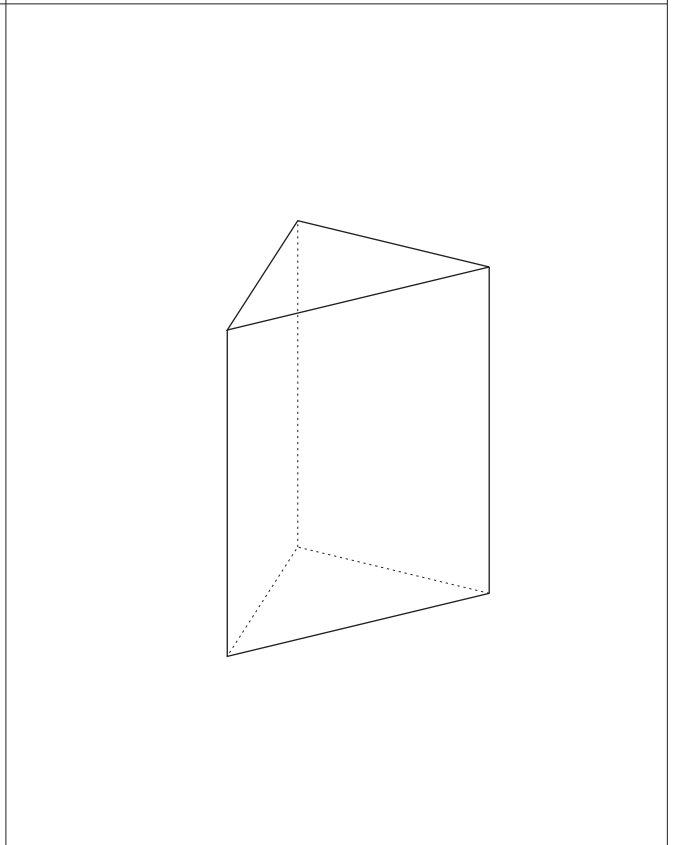
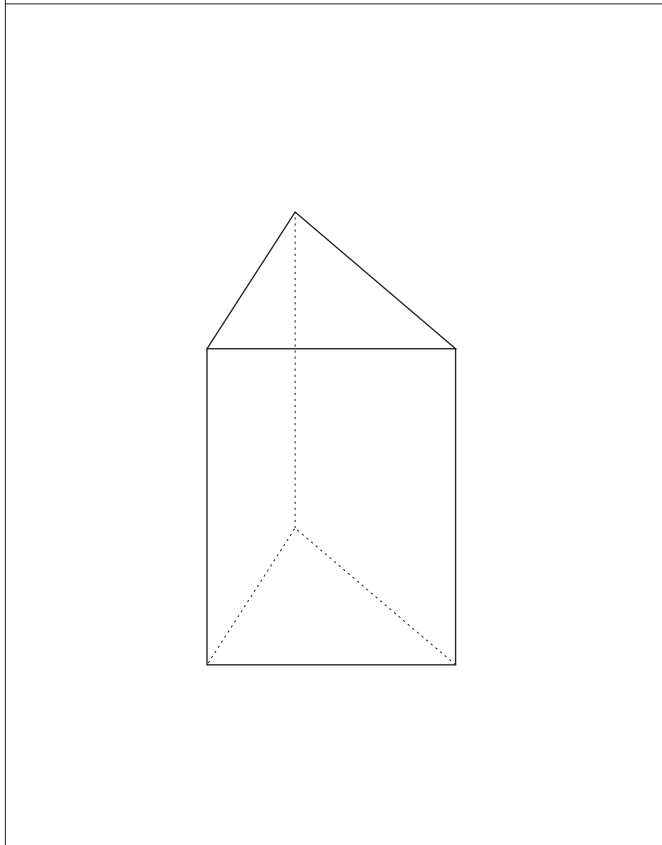
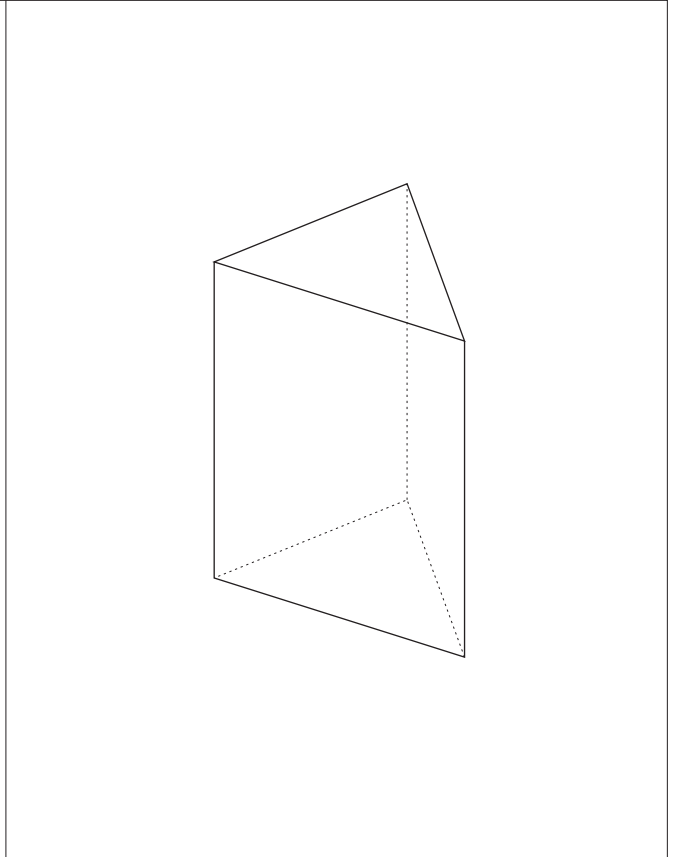
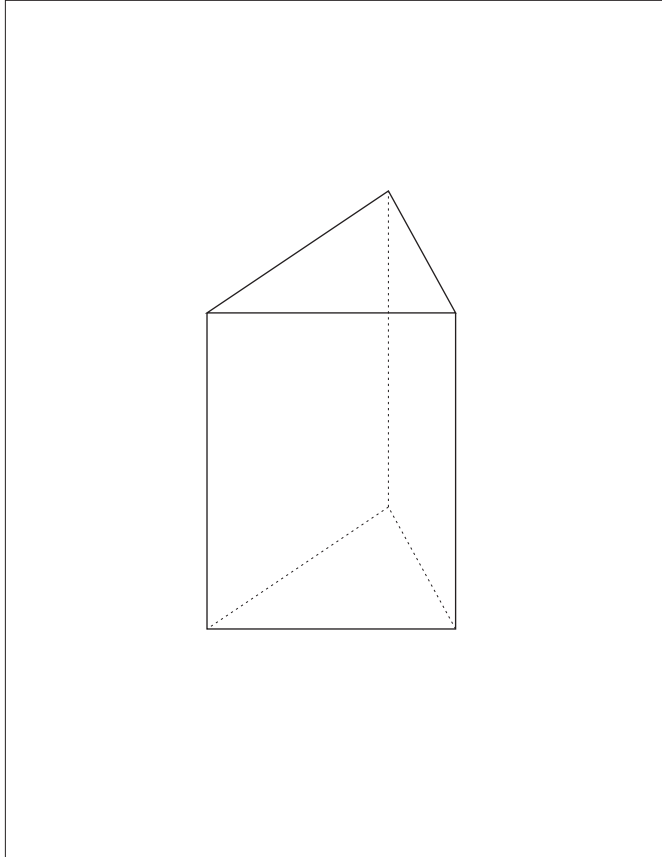
三角柱の辺の数
= [3 × 3]
= 9

三角柱の面の数
= [3 + 2]
= 5

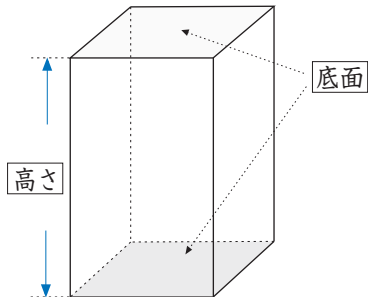
覚えて言いなさい。

さん かく ちゅう
三角柱

いか みどり ず
 以下の **三角柱の見取図** をよく見て、別紙に書き写しなさい。
べっし
へいこうかんけい じょうぎ じょうず
 (平行関係をよく見て、定規を上手に使えるように、練習しましょう。)

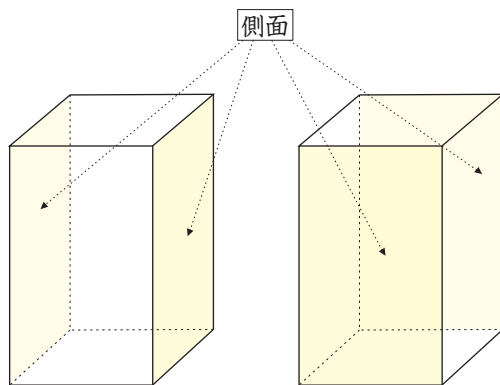


しかくちゅう
四角柱



〔四角柱の1つの底面〕から
〔もう1つの底面〕に
〔垂直〕に引いた〔線分の長さ〕を
四角柱の高さ と言う。

何度もくりかえし読んで、理解できたら、
テキストを見ながら、先生に説明しなさい。



〔合同で、平行〕な
〔2つ〕の **四角形の底面** と
〔底面に、垂直〕な
長方形をした側面 で 囲まれた立体を
四角柱 という。

四角柱の頂点の数
= [4 × 2]
= 8

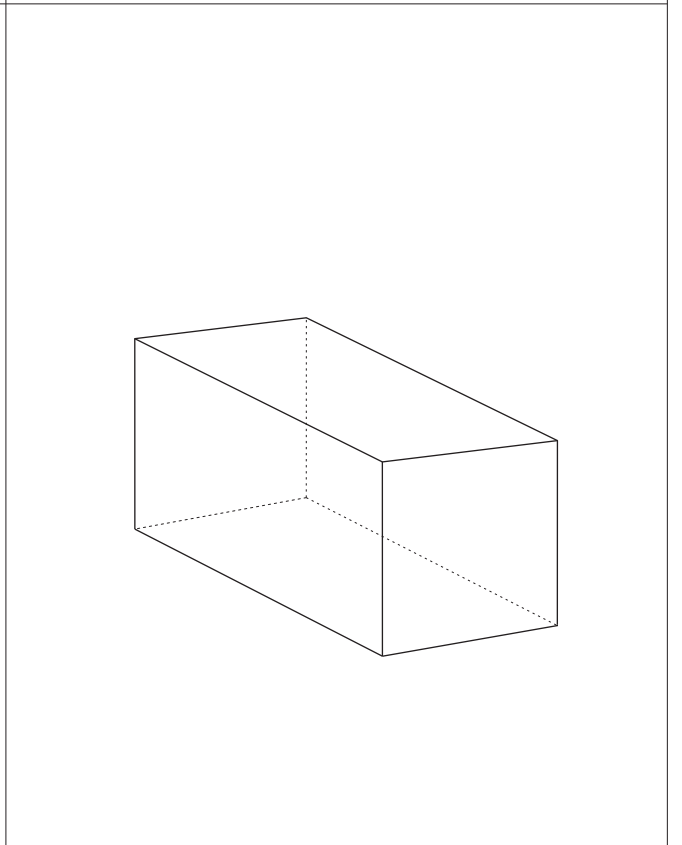
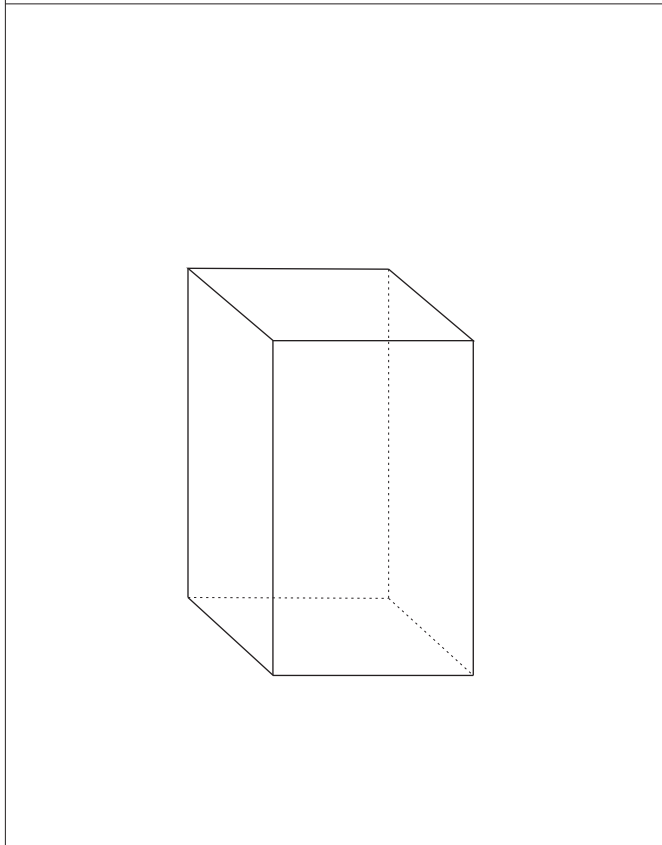
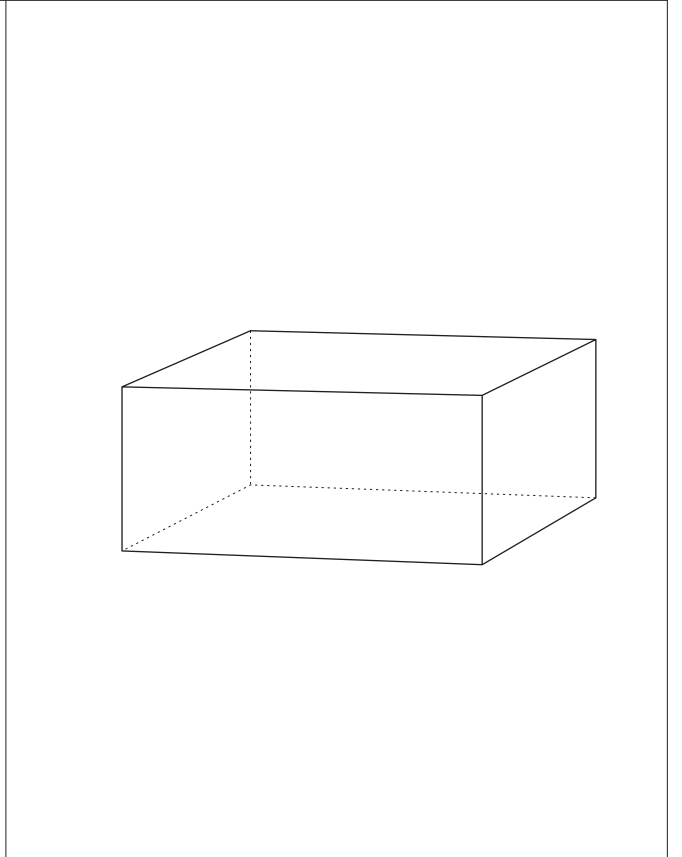
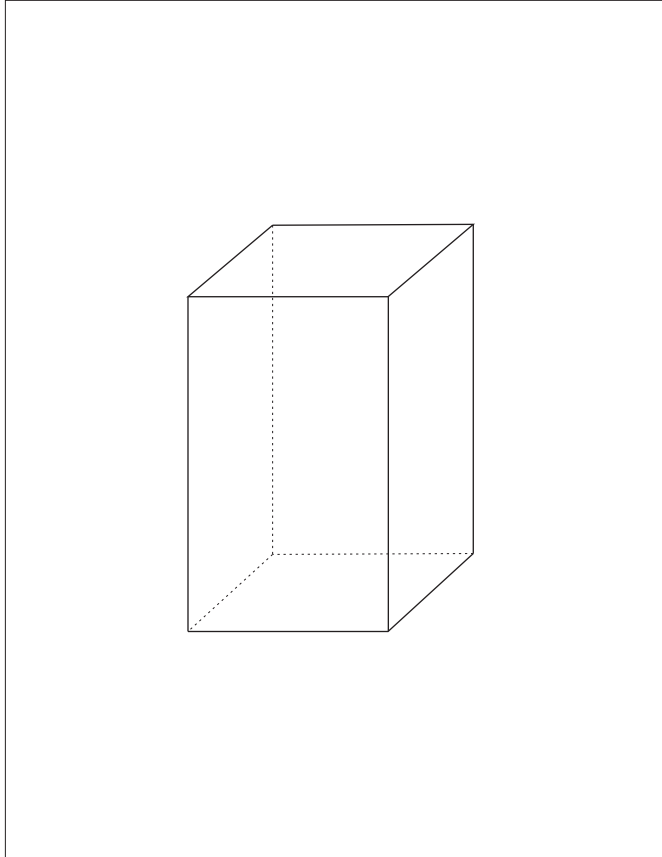
四角柱の辺の数
= [4 × 3]
= 12

四角柱の面の数
= 側面の数 + 底面の数
= [4 + 2]
= 6

覚えて言いなさい。

し かく ちゅう
四角柱

いか みどり ず
 以下の **四角柱の見取図** をよく見て、別紙に書き写しなさい。
べっし
へいこうかんけい じょうぎ じょうず
 (平行関係をよく見て、定規を上手に使えるように、練習しましょう。)



かく ちゅう
角 柱

-まとめ-

[合同で、平行]な
[2つ]の[多角形の底面]と
[底面に垂直]な
[長方形をした側面]で囲まれた
[立体]を**角柱**という。

覚えて言いなさい。

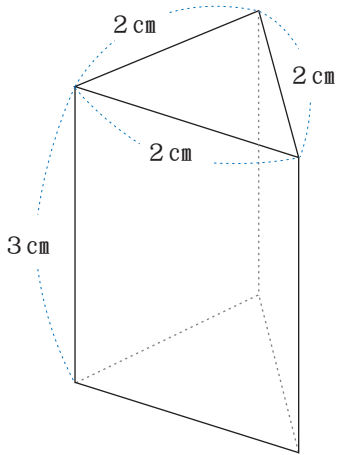
角柱の**頂点の数**
=[底面の頂点の数×2]
角柱の**辺の数**
=[底面の辺の数×3]
角柱の**面の数**
=[側面の面の数+2]

覚えて言いなさい。

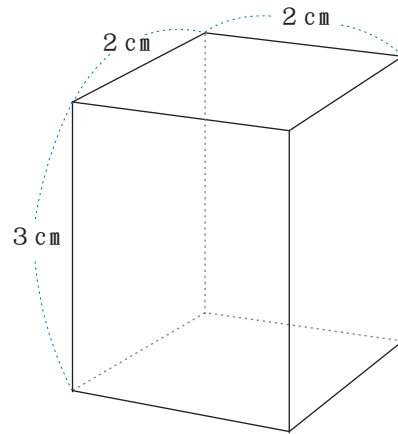
底面の形	底面の数	名 称	見 取 図	側 面 の 形	側面の数
三角形	2	三角柱		長方形	2
四角形	2	四角柱		長方形	4
五角形	2	五角柱		長方形	5
六角形	2	六角柱		長方形	6

次の図形の **見取り図** を、別紙の方眼紙に **展開図** として表しなさい。(A3-作図編をよく練習して、正確に。)

正三角柱

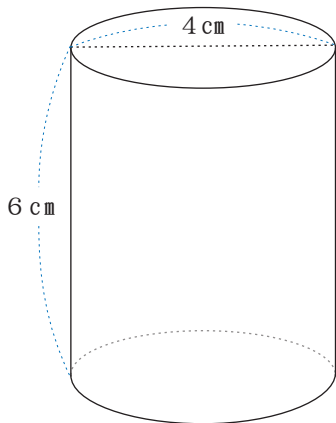


正四角柱

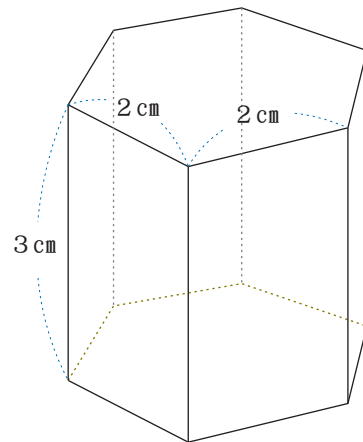


円柱

※ A4-図形-37参照



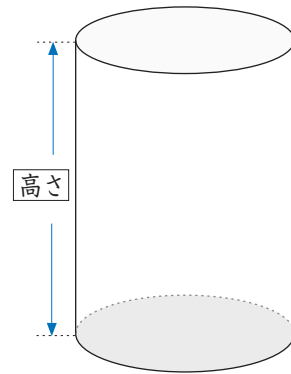
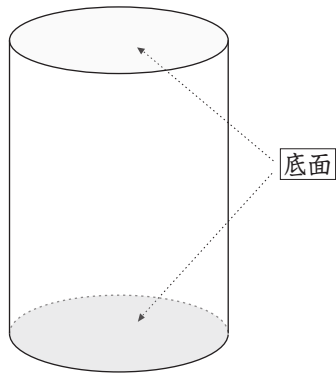
正六角柱



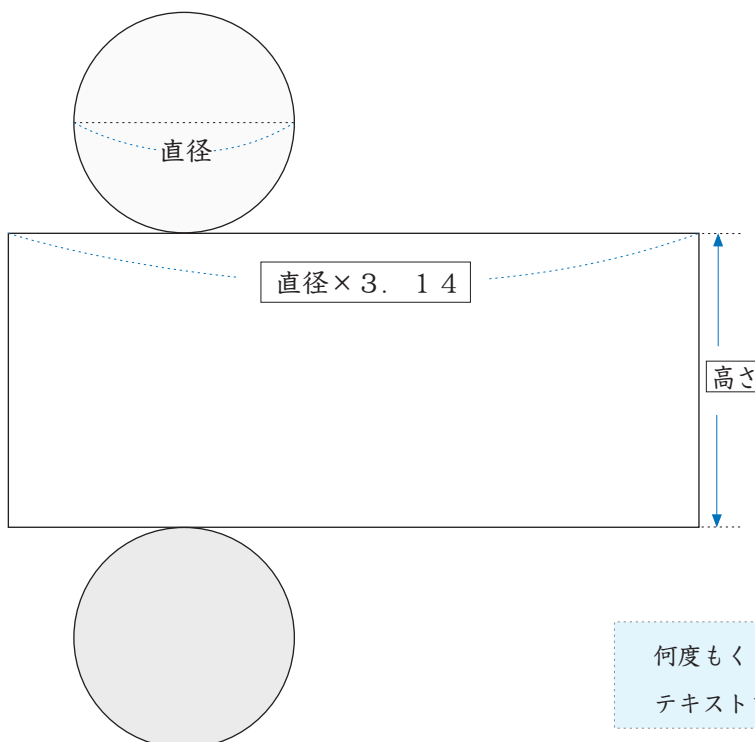
えん ちゆう
円柱

〔合同で、平行〕な〔2つの円〕と、
その〔円周〕をつなぐ
ひとつの〔曲面〕とで囲まれた〔立体〕を
円柱という。

〔円柱の1つの底面〕から
〔もう1つの底面〕に
〔垂直〕に引いた〔線分の長さ〕を
円柱の高さと言う。



上の円柱の見取図を展開図に表すと次のようになります。

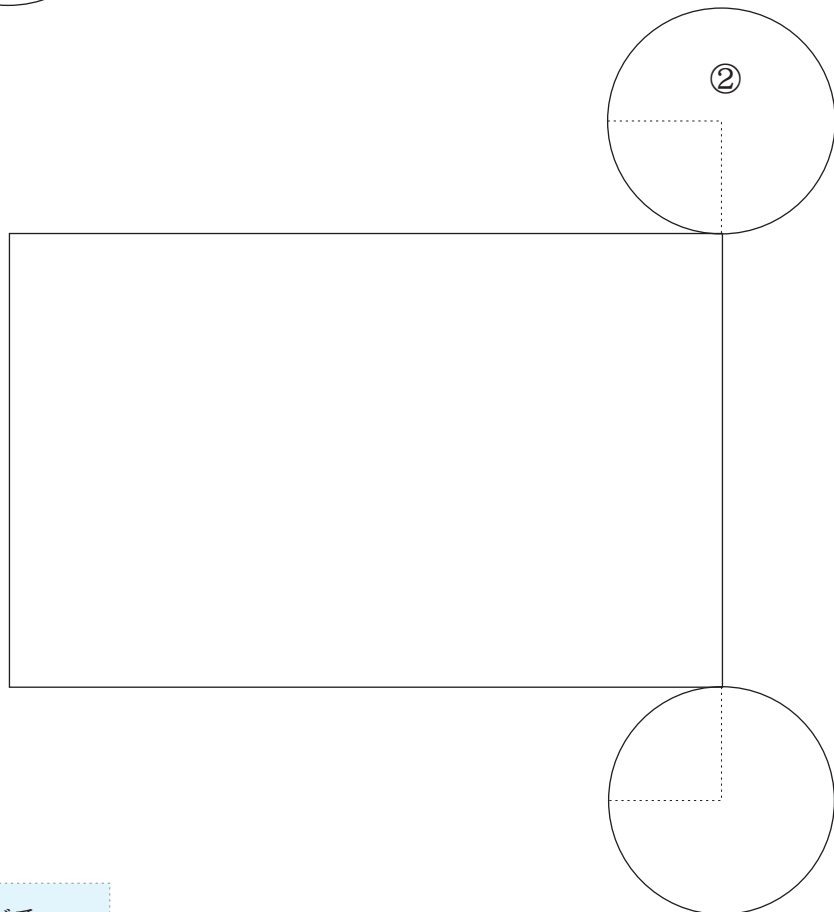
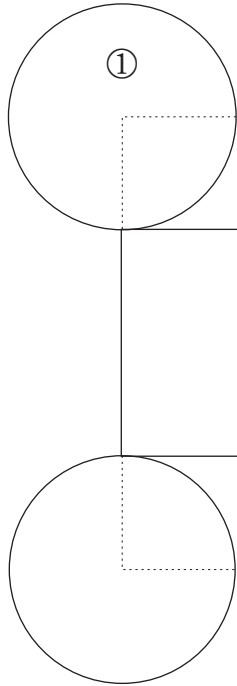


何度もくりかえし読んで、理解できたら、
テキストを見ながら、先生に説明しなさい。

円柱の展開図

次の展開図を切り取って、組み立てなさい。

※ 円と長方形を切りはなさないよう、注意！

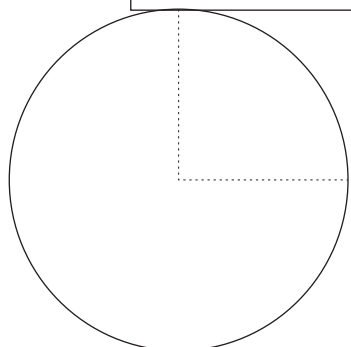
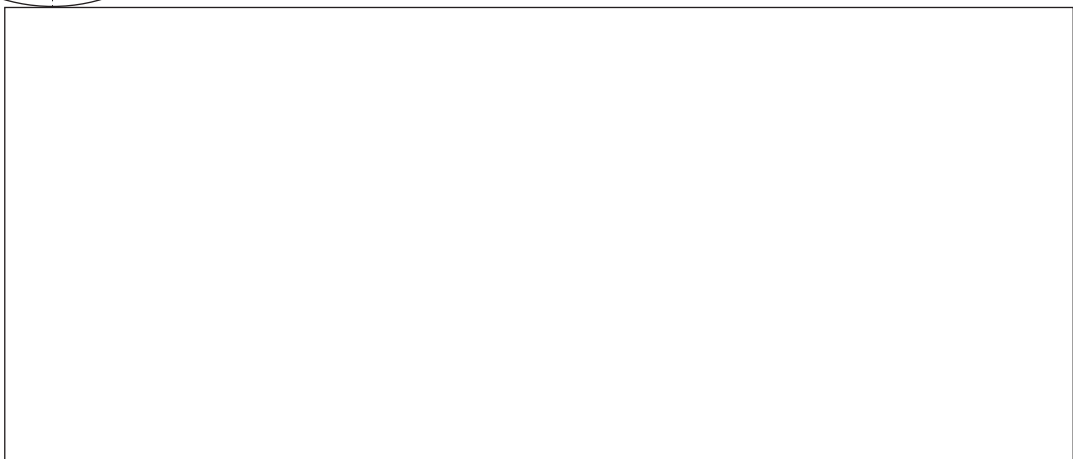
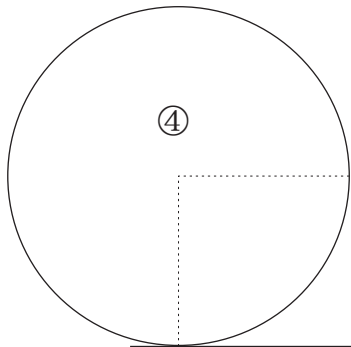
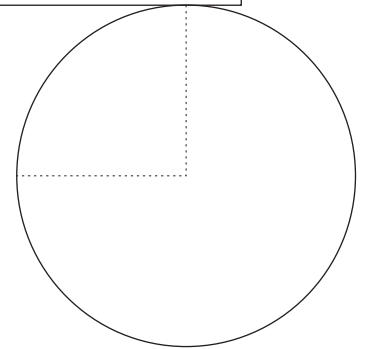
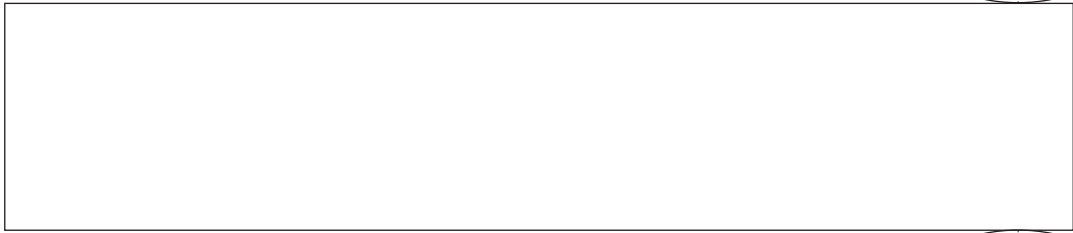
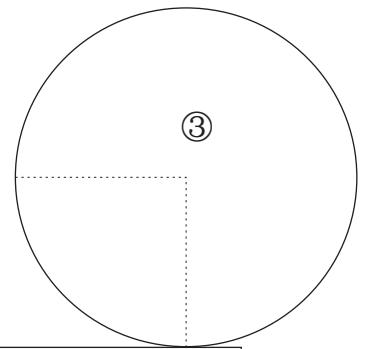


出来上がった円柱くらを比べて、
①と②のちがいのの違いを述べなさい。

円柱の展開図

次の展開図を切り取って、組み立てなさい。

※ 円と長方形を切りはなさないよう、注意！



出来上がった円柱を比べて、
①と③、②と④の 違いを述べなさい。

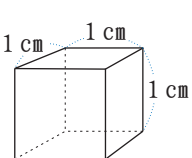
立方体

立方体の **体積**
 $= 1 \text{ 辺} \times 1 \text{ 辺} \times 1 \text{ 辺}$

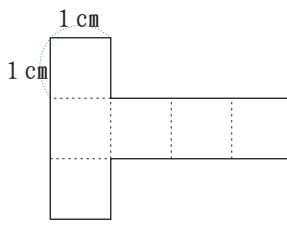
覚えて言いなさい。

立方体は 面が6つあるから、
 立方体の **表面積**
 $= \text{正方形の面積} \times 6$

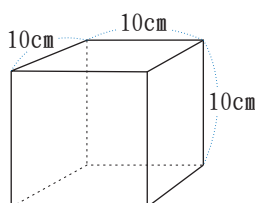
覚えて言いなさい。



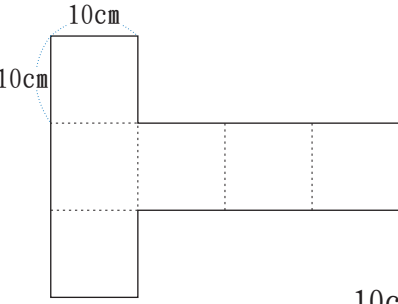
$1 \text{ cm} \times 1 \text{ cm} \times 1 \text{ cm}$
 $= 1 \text{ cm}^3$ (立方センチメートル)



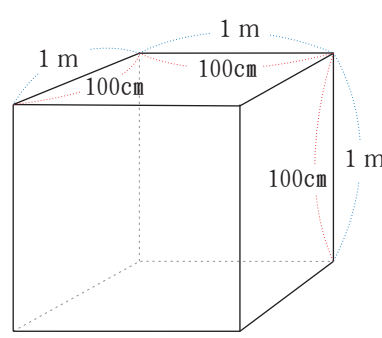
$1 \text{ cm} \times 1 \text{ cm} \times 6$
 $= 6 \text{ cm}^2$ (平方センチメートル)



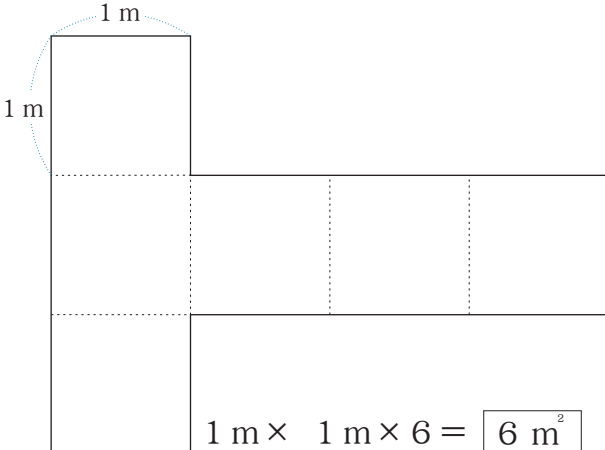
$10 \text{ cm} \times 10 \text{ cm} \times 10 \text{ cm}$
 $= 1000 \text{ cm}^3$ (立方センチメートル)



$10 \text{ cm} \times 10 \text{ cm} \times 6$
 $= 600 \text{ cm}^2$ (平方センチメートル)



$1 \text{ m} \times 1 \text{ m} \times 1 \text{ m} = 1 \text{ m}^3$ (立方メートル)
 $100 \text{ cm} \times 100 \text{ cm} \times 100 \text{ cm} = 1000000 \text{ cm}^3$ (立方センチメートル)



$1 \text{ m} \times 1 \text{ m} \times 6 = 6 \text{ m}^2$ (平方メートル)
 $100 \text{ cm} \times 100 \text{ cm} \times 6 = 60000 \text{ cm}^2$ (平方センチメートル)

覚えて言いなさい。

※ 各縮尺は、実際とは異なります。

立方体の求積

立方体の 体積

次の長さを1辺とする立方体の体積を
求める式を示しなさい。(単位もつけなさい。)

また、別紙方眼紙に、展開図を書きなさい。

1 cm

2 cm

3 cm

4 cm

5 cm

立方体の 表面積

次の長さを1辺とする立方体の表面積を
求める式を示しなさい。(単位もつけなさい。)

1 cm

2 cm

3 cm

4 cm

5 cm

ちよく ほう たい
直方体

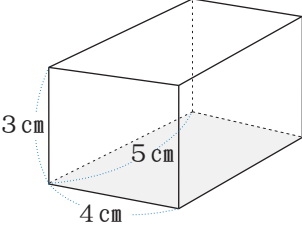
直方体の **体積**

$$= \boxed{\text{たて} \times \text{ヨコ} \times \text{高さ}}$$

||
(底面積)

覚えて言いなさい。

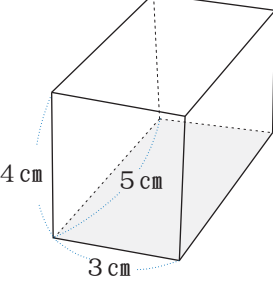
以下の直方体は、すべて同じものです。
しかし、底面を変えることで、
計算の順序が変わります。



$$(5 \times 4) \times 3$$

$$= \boxed{60 \text{ cm}^3}$$

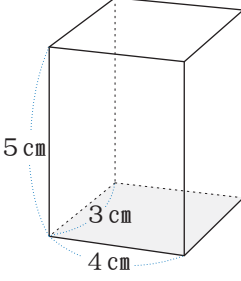
リっぽう (立方センチメートル)



$$(5 \times 3) \times 4$$

$$= \boxed{60 \text{ cm}^3}$$

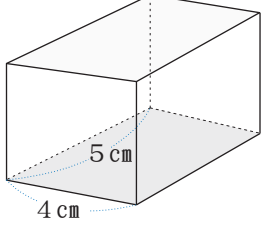
リっぽう (立方センチメートル)



$$(3 \times 4) \times 5$$

$$= \boxed{60 \text{ cm}^3}$$

リっぽう (立方センチメートル)

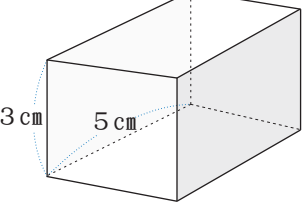


①

$$5 \text{ cm} \times 4 \text{ cm} \times 2$$

$$= \boxed{40 \text{ cm}^2}$$

へいほう (平方センチメートル)

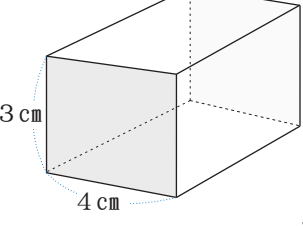


②

$$5 \text{ cm} \times 3 \text{ cm} \times 2$$

$$= \boxed{30 \text{ cm}^2}$$

へいほう (平方センチメートル)



③

$$4 \text{ cm} \times 3 \text{ cm} \times 2$$

$$= \boxed{24 \text{ cm}^2}$$

へいほう (平方センチメートル)

表面積の合計 ①+②+③

$$= 40 + 30 + 24 = \boxed{94 \text{ cm}^2}$$

直方体の **表面積**

$$= (\text{たて} \times \text{ヨコ} \times 2)$$

$$+ (\text{たて} \times \text{高さ} \times 2)$$

$$+ (\text{ヨコ} \times \text{高さ} \times 2)$$

覚えて言いなさい。

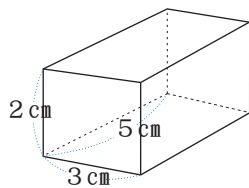
ちよく ほう たい きゆう せき
直方体の求積

- 1

直方体の **体積**

次の直方体の体積を求める式を示しなさい。

【例】



$$5 \text{ cm} \times 3 \text{ cm} \times 2 \text{ cm} = 30 \text{ cm}^3$$

または

$$(5 \times 3) \times 2 = 30 \text{ cm}^3$$

直方体の **表面積**

左の直方体の表面積を求める式を示しなさい。

【例】

$$5 \text{ cm} \times 3 \text{ cm} \times 2 = 30 \text{ cm}^2$$

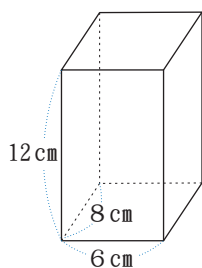
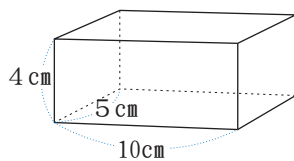
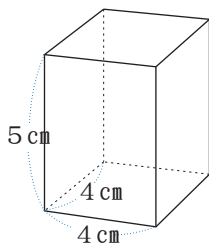
$$5 \text{ cm} \times 2 \text{ cm} \times 2 = 20 \text{ cm}^2$$

$$3 \text{ cm} \times 2 \text{ cm} \times 2 = 12 \text{ cm}^2$$

$$30 \text{ cm}^2 + 20 \text{ cm}^2 + 12 \text{ cm}^2 = \boxed{62 \text{ cm}^2}$$

出来れば、下のように式をまとめて計算できれば、算数のうでまえは、ぐっとアップします。

$$\begin{aligned} \times & (5 \times 3 + 5 \times 2 + 3 \times 2) \times 2 \\ & = (15 + 10 + 6) \times 2 \\ & = 31 \times 2 = 62 \text{ (cm}^2\text{)} \end{aligned}$$



ちよく ほう たい きゅう せき
直方体の求積

-2

直方体の 体積
次の直方体の体積を求める式を示しなさい。
たて5cm、ヨコ3cm、高さ2cmの直方体の体積
たて4cm、ヨコ4cm、高さ5cmの直方体の体積
たて5cm、ヨコ10cm、高さ4cmの直方体の体積
たて8cm、ヨコ6cm、高さ12cmの直方体の体積

直方体の 表面積
左の直方体の表面積を求める式を示しなさい。 <small>(感じをつかむために自分で見取図を書いてみましょう。)</small>
たて5cm、ヨコ3cm、高さ2cmの直方体の表面積
たて4cm、ヨコ4cm、高さ5cmの直方体の表面積
たて5cm、ヨコ10cm、高さ4cmの直方体の表面積
たて8cm、ヨコ6cm、高さ12cmの直方体の表面積