

次の文を覚えて言いなさい。

a は定数,
x, y は変数とする.
 このとき
 $y = ax^2$
 と表せるならば,
y は
x の 2 乗に比例する
 という。

$y = ax^2$ において

$a > 0$ の時、グラフは

(**上**) にかけている。

$x > 0$ の範囲で、

x が増加すると

y **も増加する**

$x < 0$ のはんいで、

x が増加すると、

y **は減少する**

$y = -\frac{1}{2}x^2$ について、

次の場合の**変化の割合**

を求めなさい。

x の値が、
4 から 6 まで増加する時

$$-\frac{1}{2}(6^2 - 4^2) \div (6 - 4) = -5$$

x の値が、
-6 から -4 まで増加する時

$$-2$$

上記のグラフと

$$y = x - 4$$

との**交点**を求めなさい。

$$\begin{cases} y = -\frac{1}{2}x^2 \\ y = x - 4 \end{cases}$$

上の連立方程式を解いて

$$-\frac{1}{2}x^2 = x - 4$$

$$x^2 + 2x - 8 = 0$$

$$(x + 4)(x - 2) = 0$$

$$x = -4, 2$$

$$\text{交点}(-4, -8), (2, -2)$$

上の 2 つの交点と、**(0,0)** の
3 つの点を作る三角形
の面積を求めなさい。

解き方

- ① 台形の面積 - 三角形 3 つ
- ② y 軸との交点を求めてから
- ③ 公式

求めるのが面積であるから、
x 軸に関して対称図形を考えると
計算がかなり楽になる。

$$(0,0), (-4,8), (2,2)$$

$$\text{① 台形} = (2+8) \times 6 \div 2 = 30$$

$$\text{三角形ア} = 2 \times 2 \div 2 = 2$$

$$\text{三角形イ} = 4 \times 8 \div 2 = 16$$

台形 - (ア + イ) = 求める三角形

$$30 - (2 + 16) = 12$$

② y 軸との交点が

$$y = x - 4 \text{ として}$$

与えられているので、

$$4 \times 4 \div 2 + 4 \times 2 \div 2 = 12$$

③ 公式

この公式は少しやり過ぎなので
やめておこう。

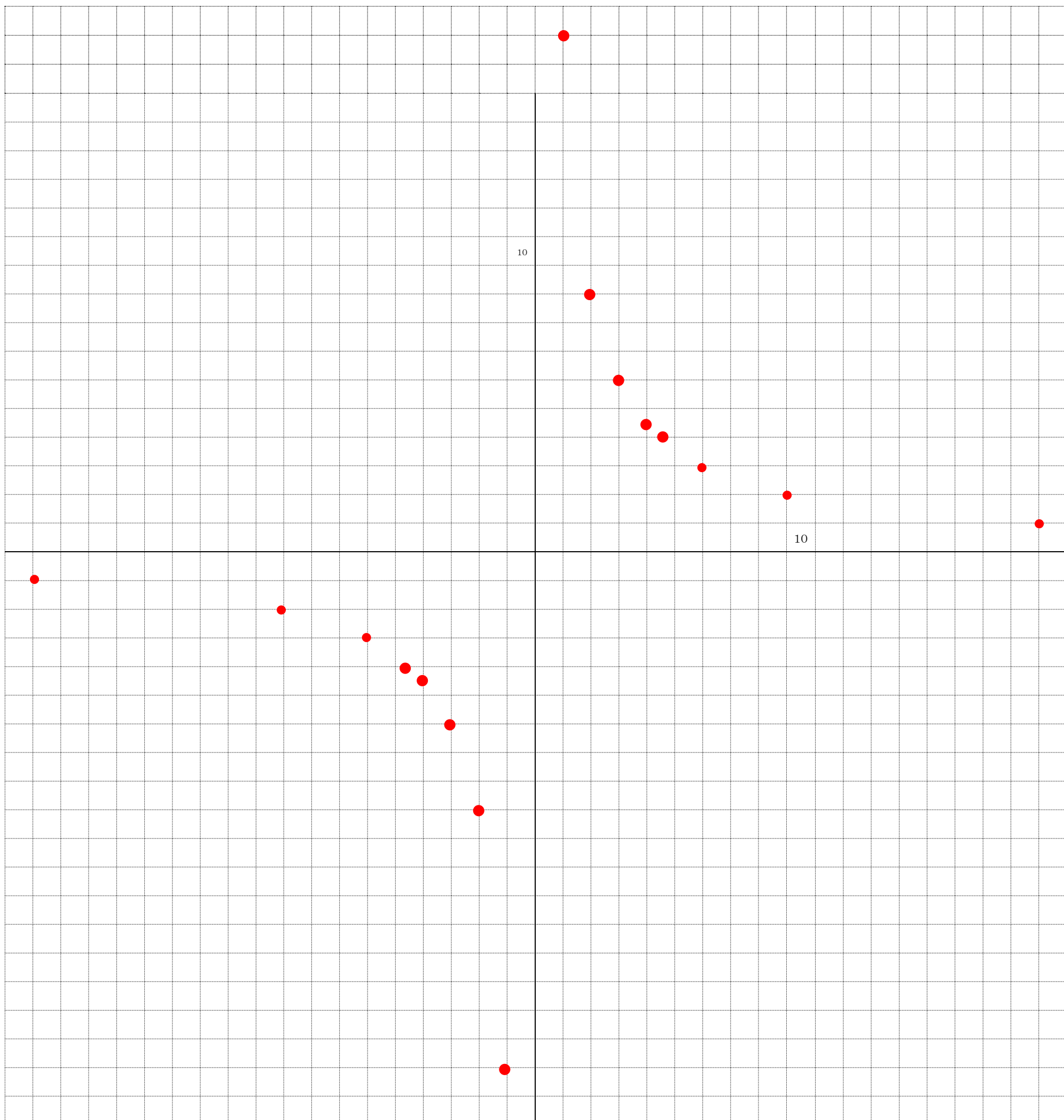
定義域と値域

台形の面積と 2 次方程式

点の運動と面積

下のグラフについて 次の問いに答えなさい。

反比例の曲線 $y = \frac{18}{x}$ が $y = x$ のグラフと交わるときの交点を求めよ。



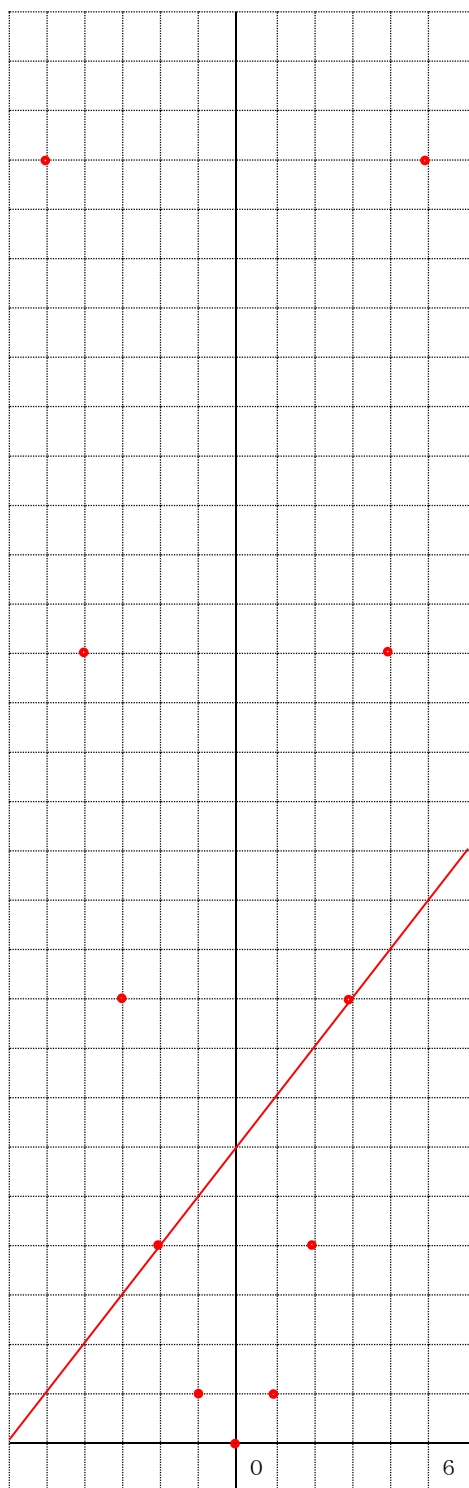
$$x \text{ の値は } x = \frac{18}{x} \Rightarrow x^2 = 18 \Rightarrow x = \pm 3\sqrt{2}$$

$$y \text{ の値は } y = x \text{ だから } x \text{ の値と同じ } \Rightarrow y = \pm 3\sqrt{2}$$

$$\text{交点の座標は } (3\sqrt{2}, 3\sqrt{2}), \quad (-3\sqrt{2}, -3\sqrt{2})$$

$y=x^2$

のグラフを下の座標に示せ。



↑ア

ア
左の座標に

$y=x+6$

のグラフを書き込みなさい。

イ
上のグラフと y 軸との交点を
 (a,b) の形で示せ。

ウ
 $y=x^2$ と
 $y=x+6$ との
交点の座標を示せ。

エ
ウの点と原点とで作る
三角形の面積を求めよ。

オ
上の三角形の頂点を通り、
面積を二等分する
線分の式を求めなさい。
(3つある)

イ
 $(0, 5)$

ウ
 $x^2=x+6$ より
 $x=-2, 3$
 $y=4, 9$
 $(-2, 4), (3, 9)$

エ
 $6 \times (2+3) \div 2 = 15$

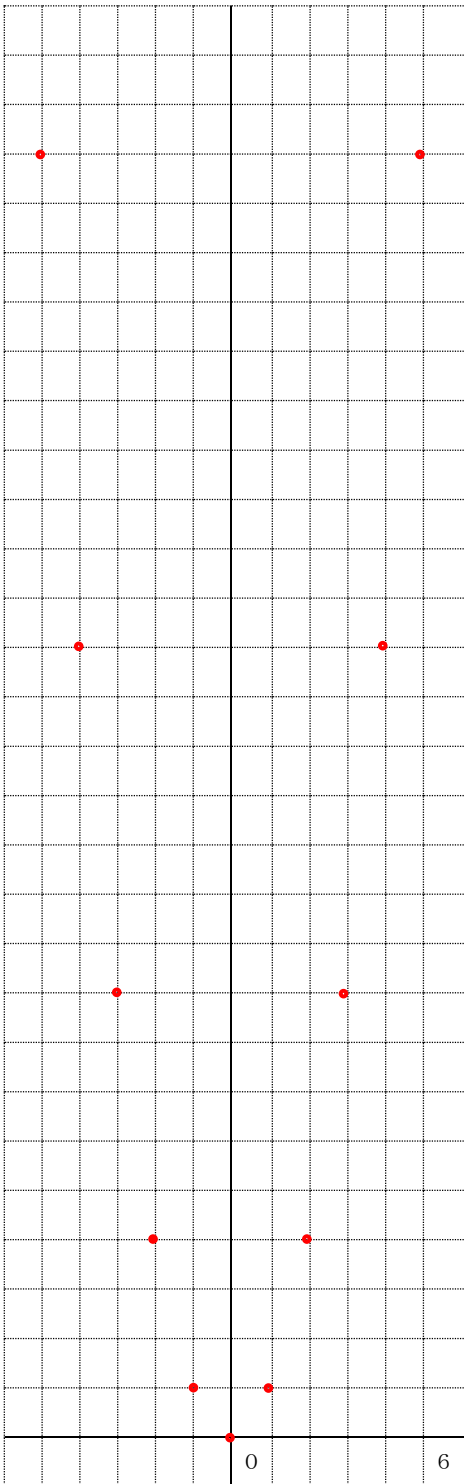
オ
原点からの線分
 $y = \frac{15}{2}x$

$(-2, 4)$ からの線分
 $y = \frac{1}{7}x + \frac{30}{7}$

$(3, 9)$ からの線分
 $y = \frac{7}{5}x + \frac{24}{5}$

$$y=x^2$$

のグラフを下の座標に示せ。



ア

左の座標に

$$y=x+12$$

のグラフを書き込みなさい。

イ

上のグラフと y 軸との交点を

(a,b) の形で示せ。

ウ

$$y=x^2 \quad \text{と}$$

$$y=x+12 \quad \text{との}$$

交点の座標を示せ。

エ

ウの点と原点とで作る

三角形の面積を求めよ。

オ

上の三角形の頂点を通り、

面積を二等分する

線分の式

を求めなさい。(3つある)

イ

$(0, 5)$

ウ

$$x^2=x+6 \quad \text{より}$$

$$x=-2, 3$$

$$y=4, 9$$

$(-2, 4), (3, 9)$

エ

$$6 \times (2+3) \div 2 = 15$$

オ

原点からの線分

$$y=\frac{15}{2}x$$

$(-2, 4)$ からの線分

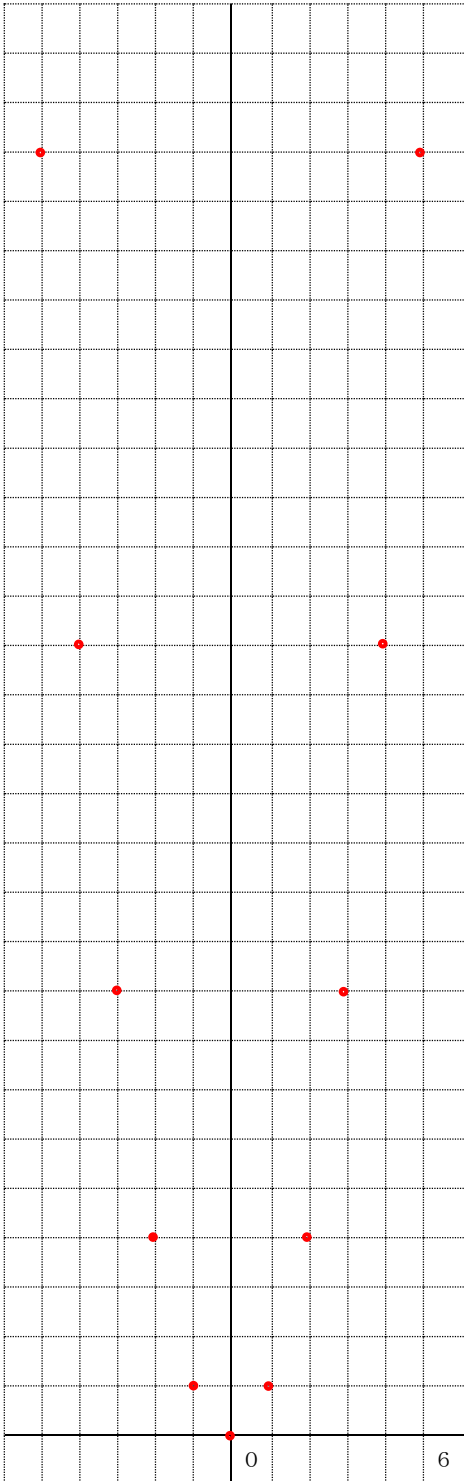
$$y=\frac{1}{7}x+\frac{30}{7}$$

$(3, 9)$ からの線分

$$y=\frac{7}{5}x+\frac{24}{5}$$

$$y=x^2$$

のグラフを下の座標に示せ。



ア

左の座標に

$$y=2x+3$$

のグラフを書き込みなさい。

イ

上のグラフと y 軸との交点を

(a,b) の形で示せ。

ウ

$$y=x^2 \quad \text{と}$$

$$y=2x+3 \quad \text{との}$$

交点の座標を示せ。

エ

ウの点と原点とで作る

三角形の面積を求めよ。

オ

上の三角形の頂点を通り、

面積を二等分する

線分の式

を求めなさい。(3つある)

イ

$(0, 5)$

ウ

$$x^2=x+6 \quad \text{より}$$

$$x=-2, 3$$

$$y=4, 9$$

$(-2, 4), (3, 9)$

エ

$$6 \times (2+3) \div 2 = 15$$

オ

原点からの線分

$$y=\frac{15}{2}x$$

$(-2, 4)$ からの線分

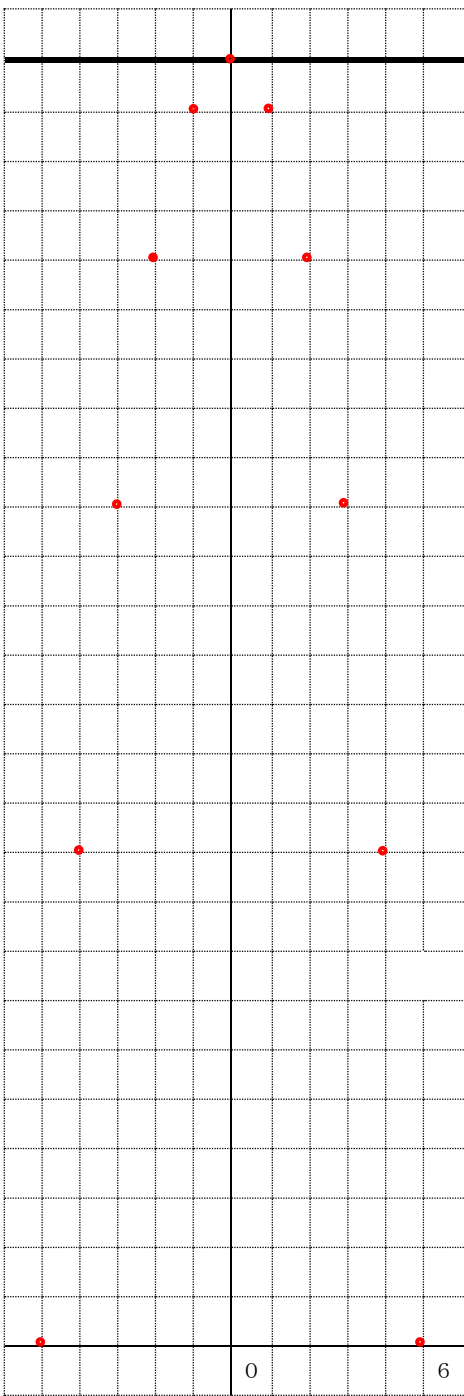
$$y=\frac{1}{7}x+\frac{30}{7}$$

$(3, 9)$ からの線分

$$y=\frac{7}{5}x+\frac{24}{5}$$

$$y = -x^2$$

のグラフを下の座標に示せ。



ア

左の座標に

$$y = 2x - 8$$

のグラフを書き込みなさい。

イ

上のグラフと y 軸との交点を

(a, b) の形で示せ。

ウ

$$y = x^2 \quad \text{と}$$

$y = 2x - 8$ との
交点の座標を示せ。

エ

ウの点と原点とで作る

三角形の面積を求めよ。

オ

上の三角形の頂点を通り、
面積を二等分する
線分の式

を求めなさい。(3つある)

イ

$(0, 5)$

ウ

$$x^2 = x + 6 \quad \text{より}$$

$$x = -2, 3$$

$$y = 4, 9$$

$(-2, 4), (3, 9)$

エ

$$6 \times (2+3) \div 2 = 15$$

オ

原点からの線分

$$y = \frac{15}{2}x$$

$(-2, 4)$ からの線分

$$y = \frac{1}{7}x + \frac{30}{7}$$

$(3, 9)$ からの線分

$$y = \frac{7}{5}x + \frac{24}{5}$$