

次の文を完成させなさい。

数や文字を
かけ合わせ

てできる式を
ア **単項式** と言います。

上の式を**和の形**で表した式を

イ **多項式** と言います。

それゆえ、
 $2a - 3b$ のそれぞれの**項**は

$2a + (-3b)$ のように、
和の形で考えます。

ア **単項式** で

掛け合わされた文字の個数を

ウ **次数** と言います。

イ **多項式** では

各項のウのうちで最も大きいものを

その式の ウ **次数**

と言います。

文字の部分が全く同じ式を

エ **同類項** と言います。

エ **同類項** は、

計算して1つの項にまとめられま
す。

ア **単項式** の乗法は、

オ **係数** どうしの積 と

カ **文字** どうしの積 を求め

それらをかけ合わせる。

同じ文字の積は

キ **累乗** の形に

まとめることができます。

除法は

ク **分数の形**

すなわち

$a \div b$ は ケ $\frac{a}{b}$

の形にして計算します。

次の多項式の項と次数を示せ。

| | | | |
|----|--------|-------|------|
| | x^2 | $-5x$ | $+3$ |
| 項 | x^2 | $-5x$ | 3 |
| 次数 | 2 次 | 1 次 | 0 次 |

次の計算をなさい。

| | | | |
|------|--------|--------|-------|
| | $3x^2$ | $-4x$ | $+5$ |
| +)) | $5x^2$ | $-7x$ | $+8$ |
| | $8x^2$ | $-11x$ | $+13$ |

| | | | |
|------|--------|------|------|
| | $2x^2$ | $-$ | $+5$ |
| -)) | | $4x$ | |
| | $5x^2$ | $-$ | -3 |
| | | $3x$ | |
| | $-$ | | |
| | $3x^2$ | $-x$ | $+8$ |

$$(-2x)^3 = -8x^3$$

$$3(x-y) - 2(x-y) = x-y$$

$$\frac{x-y}{2} - \frac{x-y}{3}$$

$$= \frac{3(x-y) - 2(x-y)}{2 \times 3}$$

$$= \frac{x-y}{6}$$

$$6x^2 \div \frac{2}{3}xy$$

$$= \frac{6x^2 \times 3}{2xy}$$

$$= \frac{9x}{y}$$

m, n を自然数として、

次の数を表しなさい。

| | | |
|----|--------|--------|
| 偶数 | $2m$ | $2n$ |
| 奇数 | $2m-1$ | $2n-1$ |

十の位の数を m 、一の位の数を n

として、2桁の自然数を示せ。

$$10m + n$$

次の計算を真似て

以下の計算をなさい。

$$\frac{3x}{4} - \frac{2x-1}{4}$$

$$= \frac{3x - (2x-1)}{4}$$

$$\frac{3x-1}{4} - \frac{2x-1}{4}$$

$$= \frac{(3x-1) - (2x-1)}{4}$$

$$\frac{x}{2} - \frac{x+1}{4}$$

$$= \frac{2x - (x+1)}{4}$$

$$= \frac{x-1}{4}$$

$$\frac{x}{2} - \frac{x-1}{4}$$

$$= \frac{2x - (x-1)}{4}$$

$$= \frac{x+1}{4}$$

$$\frac{3x}{2} - \frac{2x-1}{4} =$$

$$= \frac{6x - (2x-1)}{4}$$

$$= \frac{4x+1}{4}$$

$$\frac{x+1}{4} - \frac{x-2}{2}$$

$$= \frac{x+1 - 2(x-2)}{4}$$

$$= \frac{-x+3}{4}$$

$$\frac{x}{2} - \frac{x}{3}$$

$$= \frac{3x - 2x}{6}$$

$$= \frac{x}{6}$$

$$\frac{x-1}{2} - \frac{x-1}{3}$$

$$= \frac{3(x-1) - 2(x-1)}{6}$$

$$= \frac{3x - 3 - 2x + 2}{6}$$

$$= \frac{x-1}{6}$$

$$\frac{x+1}{2} - \frac{x+1}{3}$$

$$= \frac{3(x+1) - 2(x+1)}{6}$$

$$= \frac{x+1}{6}$$

$$\frac{3x-1}{2} - \frac{3x-1}{3}$$

$$= \frac{3(3x-1) - 2(3x-1)}{6}$$

$$= \frac{3x-1}{6}$$

$$\frac{x}{4} - \frac{x}{6}$$

$$= \frac{3x - 2x}{12}$$

$$= \frac{x}{12}$$

$$\frac{x+1}{4} - \frac{x+1}{6}$$

=

$$\frac{3(x+1) - 2(x+1)}{12}$$

$$= \frac{3x + 3 - 2x + 2}{12}$$

$$= \frac{x + 1}{12}$$

$$\frac{x-1}{4} - \frac{x-1}{6}$$

=

$$\frac{3(x-1) - 2(x-1)}{12}$$

$$= \frac{3x - 3 - 2x + 2}{12}$$

$$= \frac{x - 1}{12}$$

$$\frac{3x-1}{4} - \frac{3x-1}{6}$$

$$= \frac{3(3x-1) - 2(3x-1)}{12}$$

$$= \frac{9x - 3 - 6x + 2}{12}$$

$$= \frac{3x - 1}{12}$$

| | | |
|------------|------------------|------|
| 2 の倍数 と | 2 の倍数と | の和は |
| 2 の倍数 | であるか ら | |
| 一の位が | 0,2,4,6,8 | ならば |
| その数は | 2 の倍数 | である。 |

10 = 2 × 5 であるから、
10 から上の位は
いつでも 2 の倍数である。

| | | |
|--------------------|--------------|------|
| 4 の倍数 と | 4 の倍数 と | の和は |
| 4 の倍数 | であるか ら | |
| 下 2 ケタ が | 4 の倍数 | ならば |
| その数は | 4 の倍数 | である。 |

100 = 4 × 25 であるから、
100 から上の位は
いつでも 4 の倍数である。

| | | |
|------------|--------------|------|
| 5 の倍数 と | 5 の倍数と | の和は |
| 5 の倍数 | であるから | |
| 一の位が | 0,5 | ならば |
| その数は | 2 の倍数 | である。 |

10 = 5 × 2 であるから、
10 から上の位は
いつでも 5 の倍数である。

| | | |
|--------------------|--------------|------|
| 8 の倍数と | 8 の倍数と | の和は |
| 8 の倍数 | であるから | |
| 下 3 ケタ が | 8 の倍数 | ならば |
| その数は | 8 の倍数 | である。 |

1000 = 8 × 125 であるから、
1000 から上の位は
いつでも 8 の倍数である。

| | | |
|------------|-------------|------|
| 9 の倍数 と | 9の倍数と | の和は |
| 9の倍数 | であるか ら | |
| 各位の | 数の和 | が |
| 9の倍数 | ならば、 | |
| その数は | 9の倍数 | である。 |

同様にして、上記のことから、

| | | |
|------------|----------------|------|
| 3 の倍数 と | 3の倍数と | の和は |
| 3の倍数 | であるか ら | |
| | 各位の 数の和 | が |
| 3の倍数 | ならば、 | |
| その数は | 3の倍数 | である。 |

参考

234

$$\begin{aligned}
 &= 200 + 30 + 4 \\
 &= (100 \times 2) + (10 \times 3) + 4 \\
 &= \{(99 + 1) \times 2\} + \{(9 + 1) \times 3\} + 4 \\
 &= (99 \times 2 + 1 \times 2) + (9 \times 2 + 1 \times 3) + 4 \\
 &= 99 \times 2 + 2 + 9 \times 2 + 3 + 4 \\
 &= 99 \times 2 + 9 \times 2 + 2 + 3 + 4 \\
 &= (99 \times 2 + 9 \times 2) + (2 + 3 + 4) \\
 &= (9 \text{ の倍数}) + (\text{各位の数の和})
 \end{aligned}$$

上記のことから、

「各位の数の和」が

「9の倍数」であれば、

元の数も「9の倍数」

であることが分かる。

$$\begin{aligned}
 &100a + 10b + c \\
 &= 99a + a + 9b + b + c \\
 &= 3 \times 33a + a + 3 \times 3b + b + c \\
 &= 3(33a + 3b) + (a + b + c)
 \end{aligned}$$

$3(33a + 3b)$ は
3の倍数だから

もし、

$(a + b + c)$ が

3の倍数ならば

$100a + 10b + c$ も
3の倍数である。

右の説明を見て、

上の9の倍数の説明を試みよ。

2桁の自然数Aと

その一の位と十の位の数を

入れ替えた数B

との**和**は

11

の倍数であり、

その理由は次のように説明される。

m、nを自然数とすると、

2ケタの数Aは

$10m+n$

と表せる。また

入れ替えた数Bは、

$10n+m$

と表せる。

その**和**は、

$11(m+n)$

と表せるから

11の
倍数

である。

2桁の自然数Aと

その一の位と十の位の数を

入れ替えた数B

との**差**は

9

の倍数である。

その理由は次のように説明される。

m、nを自然数とすると、

2ケタの数Aは

$10m+n$

と表せる。また

入れ替えた数Bは、

$10n+m$

と表せる。

その**差**は、

$9(m-n)$

と表せるから

9の倍数

であると言える