

次の計算をせよ。

$$\begin{aligned} & \mathbf{x(x + b)} \\ & = \mathbf{x^2 + bx} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} & \mathbf{(2a - 3b) \times 4a} \\ & = \mathbf{8a^2 - 12ab} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} & \mathbf{-2a(3a - 4b)} \\ & = \mathbf{-6a^2 + 12ab} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} & \mathbf{(a + b)(c + d)} \\ & = \mathbf{ac + ad + bc + bd} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} & \mathbf{(a + b)(a + d)} \\ & = \mathbf{a^2 + a(b + d) + bd} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} & \mathbf{(a + c)(c + a)} \\ & = \mathbf{a^2 + 2ac + c^2} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} & \mathbf{(x + a)(x - a)} \\ & = \mathbf{a^2 - x^2} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} & \mathbf{(x + 2)(x + 5)} \\ & = \mathbf{x^2 + 7x + 10} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} & \mathbf{(x - 2)(x - 5)} \\ & = \mathbf{x^2 - 7x + 10} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} & \mathbf{(x - 2)(x + 5)} \\ & = \mathbf{x^2 + 3x - 10} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} & \mathbf{(x + 2)(x - 5)} \\ & = \mathbf{x^2 - 3x - 10} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} & \mathbf{(x + 2)(x - 2)} \\ & = \mathbf{x^2 - 4} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} & \mathbf{(x + 5)^2} \\ & = \mathbf{x^2 + 10x + 25} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} & \mathbf{(x - 5)^2} \\ & = \mathbf{x^2 - 10x + 25} \end{aligned}$$

次の式を**因数分解**しなさい。

$$x^2+3x$$

$$=x(x+3)$$

$$3x^2-6x$$

$$=3x(x-2)$$

$$-x^2+3x$$

$$=-x(x-3)$$

$$-3x^2+6x$$

$$=-3x(x-2)$$

$$x^2+8x+15$$

$$=(x+3)(x+5)$$

$$x^2-8x+15$$

$$=(x-3)(x-5)$$

$$x^2+2x-15$$

$$=(x+5)(x-3)$$

$$x^2-3x-15$$

$$=(x-5)(x+2)$$

$$x^2-9$$

$$=(x+3)(x-3)$$

$$x^2+6x+9$$

$$=(x+3)^2$$

$$x^2-6x+9$$

$$=(x-3)^2$$

$$2x^2+2x-4$$

$$=2(x^2+x-2)$$

$$=2(x+2)(x-1)$$

$$2x^2-6x+4$$

$$=2(x-2)(x-1)$$

$$2x^2-2x-4$$

$$=2(x-2)(x+1)$$

$$2x^2+12x+18$$

$$=2(x+3)^2$$

次の計算のくふうを示しなさい。

$$\begin{aligned} & 8^2 \pi + 6^2 \pi \\ & = (64 + 36) \pi = 100 \pi \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} & 366^2 - 365^2 \\ & = (366 - 365) (366 + 365) \\ & = 1 \times 731 = 731 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} & 6.6^2 - 3.4^2 \\ & = (6.6 + 3.4) (6.6 - 3.4) \\ & = 10 \times 3.2 = 32 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} & 5.5^2 \pi + 4.5^2 \pi \\ & = (5.5 + 4.5) (5.5 - 4.5) \pi \\ & = 10 \times 1 \pi = 10 \pi \end{aligned}$$

次の計算をなさい。

$$n^2 + (n+1)^2$$

$$= 2n^2 + 2n + 1$$

$$(n+1)^2 - n^2$$

$$= 2n + 1$$

$$n^2 - (n-1)^2$$

$$= 2n - 1$$

$$(n+1)(n-1)$$

$$= n^2 - 1$$

$$(n+1)^2 - (n-1)^2$$

$$= (n^2 + 2n + 1) - (n^2 - 2n + 1)$$

$$= 4n$$

$$(2n)^2 + \{2(n+1)\}^2$$

$$= 4n^2 + (4n^2 + 4n + 2)$$

$$= 8n^2 + 4n + 2$$

$$(2n+1)^2 - (2n-1)^2$$

$$= (4n^2 + 4n + 1) - (4n^2 - 4n + 1)$$

$$= 8n$$

因数分解をなさい。

$$(2n-1)^2 - (2m-1)^2$$

$$= 4(n+m-1)(n-m)$$

$n+m$ が	偶数のとき
$n-m$ は	偶数である。

$n+m$ が	奇数のとき
$n-m$ は	奇数である。

$n-m$ が	奇数のとき
$n+m+1$ は	偶数である。

次のことを説明しなさい。

連続する 2つの自然数の

2乗の和は

奇数である。

$$n^2 + (n+1)^2$$

$$= 2n^2 + 2n + 1$$

$$= 2(n^2 + n) + 1$$

連続する 2つの自然数の

2乗の差は

その 2数の和に等しい。

$$(n+1)^2 - n^2$$

$$= 2n + 1 = n + (n+1)$$

連続する 3つの自然数の

真ん中の数の 2乗と

両端の数の積との

差は常に 1 である。

$$(n+1)(n-1)$$

$$= n^2 - 1$$

連続する 3つの自然数の

大小 2数の 2乗の

差は 4の倍数である。

$$(n+1)^2 - (n-1)^2$$

$$= (n^2 + 2n + 1) - (n^2 - 2n + 1)$$

$$= 4n$$

連続する 2つの偶数の

2乗の和は

2の倍数である。

$$(2n)^2 + \{2(n+1)\}^2$$

$$= 4n^2 + (4n^2 + 4n + 2)$$

$$= 4(2n^2 + n) + 2$$

連続する 2つの偶数の

2乗の差は

4の倍数である。

$$\{2(n+1)\}^2 - (2n)^2$$

$$= 8n + 4$$

連続する 2つの奇数の

2乗の和は

2の倍数である。

$$(2n+1)^2 + (2n-1)^2$$

$$= (4n^2 + 4n + 1) + (4n^2 - 4n + 1)$$

$$= 8n^2 + 2$$

連続する 2つの奇数の

2乗の差は

8の倍数である。

$$(2n+1)^2 - (2n-1)^2$$

$$= (4n^2 + 4n + 1) - (4n^2 - 4n + 1)$$

$$= 8n$$

2つの奇数の

2乗の差は

8の倍数である。

$$(2n-1)^2 - (2m-1)^2$$

$$= 4(n+m-1)(n-m)$$

$n-m$ が	偶数のとき
$n+m$ は	偶数であり
$n+m-1$ は	奇数である。

$n-m$ が	奇数のとき
$n+m$ は	奇数であり
$n+m+1$ は	偶数である。

よって、

$$(n+m-1) \text{ が}$$

$$(n-m)$$

のどちらか一方が  
必ず偶数になるので、

$$4(n+m-1)(n-m) \text{ は}$$

$$4 \times (\text{偶数}) (\text{奇数}) \text{ が}$$

$$4 \times (\text{奇数}) (\text{偶数}) \text{ となる。}$$

$$8 \text{ の倍数となる。}$$