

特別な形, 三角定規の数値

一組の三角定規には、
2つの種類があります。

三角定規の辺の比は

直角二等辺三角形の方は、

$1:1:\sqrt{2}$ または

$\sqrt{2}:1:1$ であり、

正三角形を二等分した形の方は

$2:1:\sqrt{3}$

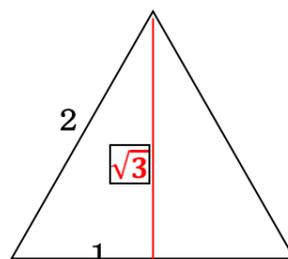
となっています。

上の数値を使って

1辺の長さが2cmの

正三角形の面積

を求めなさい。



底辺×高さ÷2=正三角形の面積
だから、

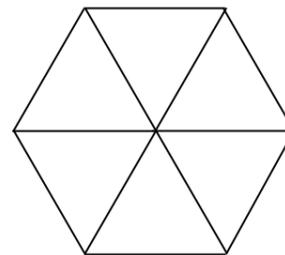
$$2 \times \sqrt{3} \div 2 = \sqrt{3}$$

$$\sqrt{3} \text{ cm}^2$$

1辺の長さが2cmの

正六角形の面積

を求めなさい。

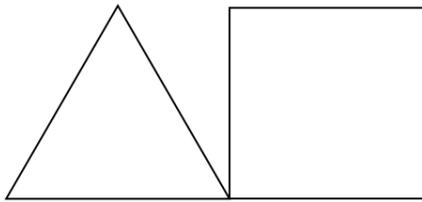


上記正三角形が6個集まったもの

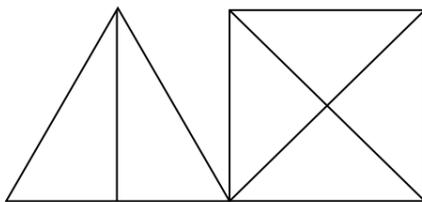
だから、 $6\sqrt{3} \text{ cm}^2$

三角定規を作る手順

- ① 正三角形を描く
- ② 正三角形の高さを1辺とする正方形を描く



- ③ 正三角形を二等分する
- ④ 正方形を四等分する



三角定規の一方は

正三角形を二等分した形です。

その辺の長さの比は

$2 : 1 : \sqrt{3}$ です。

また、もう一方は、

正方形を四等分した大きさです。

その辺の長さの比は

$1 : 1 : \sqrt{2}$ です。

理解できたら

覚えて言いなさい。

ひとくみ
1組の三角定規では、

その長さの比は、

連比で表すと、

$2 : 1 : \sqrt{3}$	$\sqrt{2} : 1 : 1$
$2 : 1 : \sqrt{3} : \frac{\sqrt{3}}{\sqrt{2}} : \frac{\sqrt{3}}{\sqrt{2}}$	
$2 : 1 : \sqrt{3} : \frac{\sqrt{6}}{2} : \frac{\sqrt{6}}{2}$	

それぞれの長さを1辺とする

正方形の面積の比は

それぞれの辺を二乗して、

$4 : 1 : 3$	$3 : 3$
$4 : 1 : 3$	$3 : 3$

上記のことを理解できたら

覚えて言いなさい。

文字式への一般化

正方形の1辺を a として
対角線の長さを示せ.

正三角形形の1辺を a として
高さを示せ.

直角二等辺三角形形の
1辺を a として
その斜辺の長さを示せ.

三角定規(60° , 30° , 90°)の
斜辺を $2a$ としたときの
他の2辺の長さを示せ.

座標上の2点

(a, b) , (c, d) 間の
距離を求める式を示せ.

2点間の距離を X とすると,

$$x^2 = (a - c)^2 + (b - d)^2$$

であるから, 右辺の平方根を求め, その正の値をとる.

$$x = \sqrt{(a - c)^2 + (b - d)^2}$$

座標上の2点

(x_1, y_1) , (x_2, y_2) 間の
距離を求める式を示せ.

2点間の距離を X とすると,

$$x^2 = (x_1 - x_2)^2 + (y_1 - y_2)^2$$

であるから, 右辺の平方根を求め, その正の値をとる.

$$x = \sqrt{(x_1 - x_2)^2 + (y_1 - y_2)^2}$$

タテ, ヨコ, 高さが
それぞれ, a , b , c の
直方体の最も長い対角線
を求める式を示せ.

タテ a とヨコ b の作る長方形の対角線は

$$\sqrt{a^2 + b^2}$$

この対角線と高さ c が作る長方形の
対角線は

$$\sqrt{a^2 + b^2 + c^2}$$

三平方の定理が
証明されたとして、
各辺の上に
正三角形を書いても
成り立つことを
説明しなさい。

直角三角形の各辺の長さを

$2a, 2b, 2c$ とすると、

正三角形の辺と高さの比は

$2 : \sqrt{3}$ であるから、

各項に a をかけて、

$$2a : \sqrt{3}a$$

それゆえ、

高さはそれぞれ

$\sqrt{3}a$	$\sqrt{3}b$	$\sqrt{3}c$
-------------	-------------	-------------

面積は

$$2a \times \sqrt{3}a \div 2 = \sqrt{3}a^2$$

$$2b \times \sqrt{3}b \div 2 = \sqrt{3}b^2$$

$$2c \times \sqrt{3}c \div 2 = \sqrt{3}c^2$$

$$\sqrt{3}a^2 + \sqrt{3}b^2 = \sqrt{3}c^2$$

各項を $\sqrt{3}$ でわって、

$$a^2 + b^2 = c^2$$

座標上に

$$y = x^2 \text{ と}$$

$$y = x + 2 \text{ との}$$

2 交点 A,B を求め、

A,B の 2 点間の距離を求めよ。

交点では、

$$y = x^2 \text{ と } y = x + 2 \text{ とは、}$$

x も y も等しいので

$$x^2 = x + 2 \text{ となる。}$$

これを解いて、 y も求めると、

$$x = 2, y = 4$$

$$x = -1, y = 1$$

2 点間の距離は

三平方の定理を使って

$$\{2 - (-1)\}^2 + \{4 - 1\}^2$$

$$= 18$$

の平方根。

$$3\sqrt{2}$$

三平方の定理が証明されたとして

直角三角形の各辺の上に
 正方形でなく
正三角形を書いても
 成り立つことを説明しなさい。

三平方の定理が証明されたとして

直角三角形の各辺の上に
 正方形でなく
半円を書いても
 成り立つことを説明しなさい。

直角三角形の各辺の長さを

2a, 2b, 2c とすると、

正三角形の辺と高さの比は

2 : $\sqrt{3}$ であるから、

各項に **a** をかけて、

$2a : \sqrt{3}a$

それゆえ、
 高さはそれぞれ

$\sqrt{3}a$	$\sqrt{3}b$	$\sqrt{3}c$
-------------------------------	-------------------------------	-------------------------------

面積は

$2a \times \sqrt{3}a \div 2 = \sqrt{3}a^2$

$2b \times \sqrt{3}b \div 2 = \sqrt{3}b^2$

$2c \times \sqrt{3}c \div 2 = \sqrt{3}c^2$

$\sqrt{3}a^2 + \sqrt{3}b^2 = \sqrt{3}c^2$

各項を **$\sqrt{3}$** でわって、

$a^2 + b^2 = c^2$

等積変形による三平方の定理の

証明 は以下の図のとおりである。図に基づいて説明しなさい。