

2 次方程式から考えます。

$$x^2 - 1 = 0 \quad \text{ならば}$$

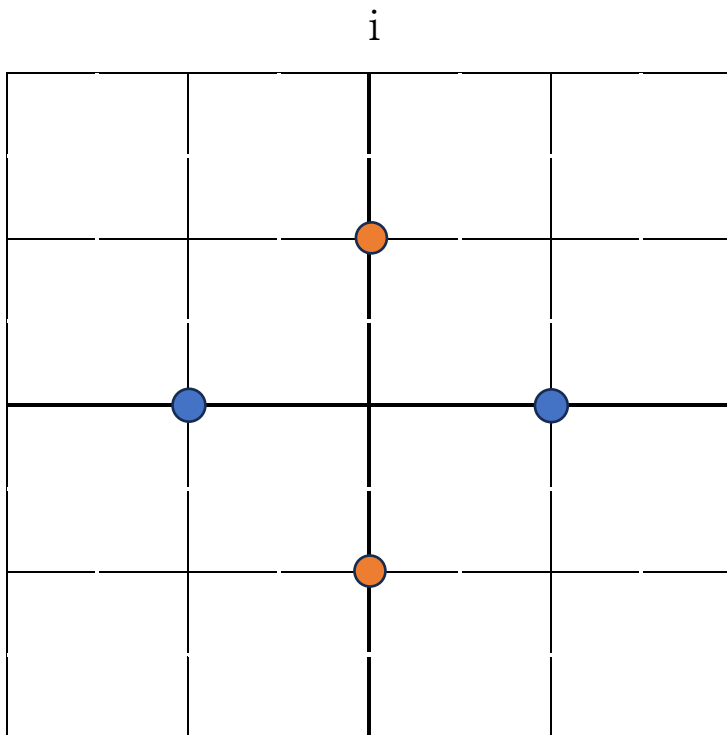
$$(x+1)(x-1) = 0 \quad \text{ですから}$$

$$x = -1 \quad \text{と} \quad 1$$

$$x^2 + 1 = 0 \quad \text{ならば}$$

$$(x+i)(x-i) = 0 \quad \text{ですから}$$

$$x = -i \quad \text{と} \quad +i$$



3 次式では $x^3 - 1 = 0$ ならば

$$(x-1)(x^2+x+1) = 0$$

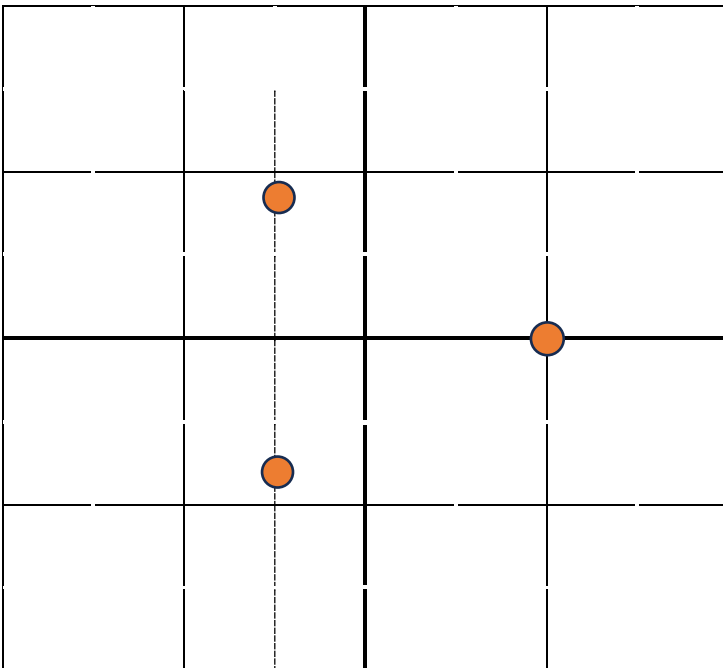
$$x=1 \quad \text{と} \quad x^2+x+1=0$$

x	=	$\frac{-1 \pm \sqrt{1-4}}{2}$
-----	---	-------------------------------

X	=	$\frac{-1}{2}$	\pm	$\frac{\sqrt{-3}}{2}$
-----	---	----------------	-------	-----------------------

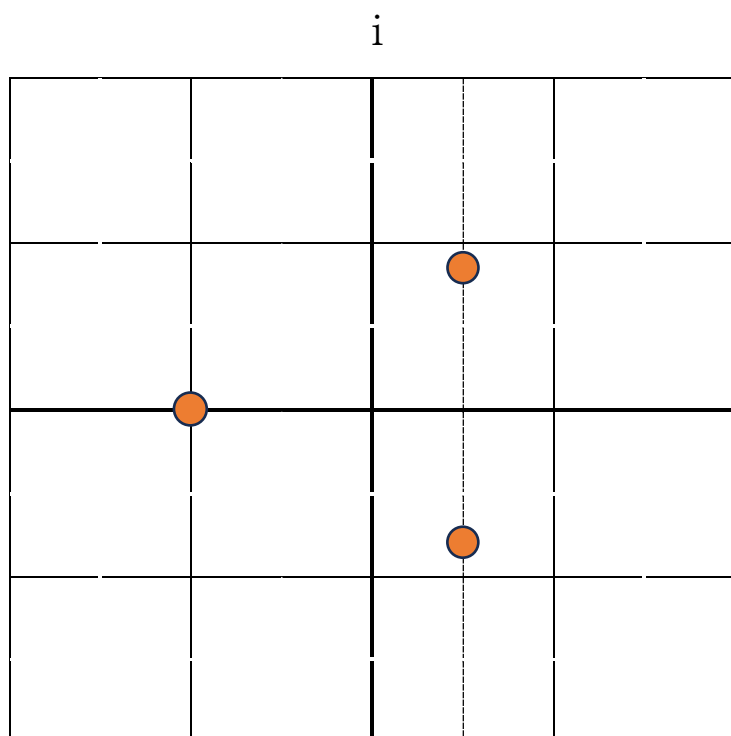
X	=	$\frac{-1}{2}$	\pm	$\frac{\sqrt{3}i}{2}$
-----	---	----------------	-------	-----------------------

i



$$x^3 + 1 = 0$$

$$(x+1)(x^2 - x + 1) = 0$$



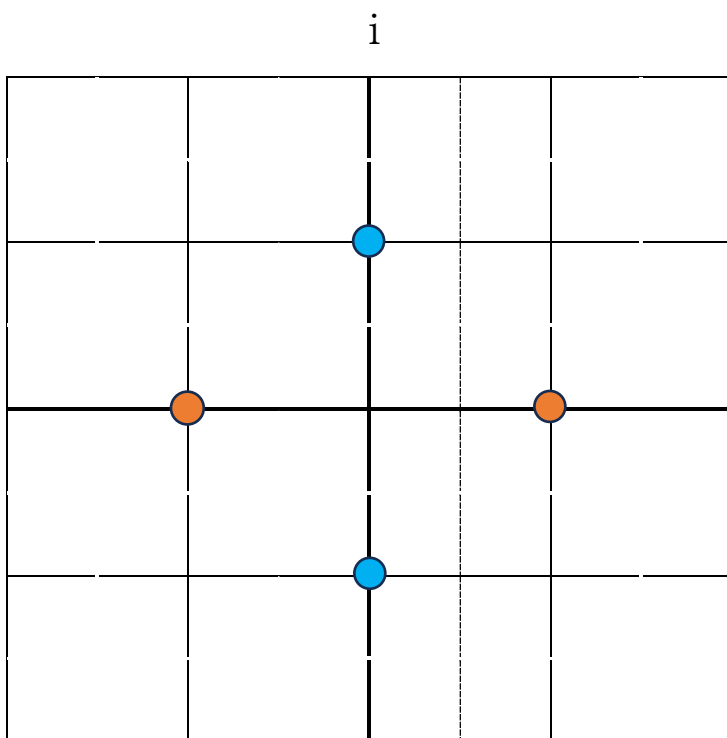
正三角形に見えませんか。

4 次式では

$$x^4 - 1$$

$$= (x^2 + 1)(x^2 - 1)$$

$$= (x + i)(x - i)(x + 1)(x - 1)$$

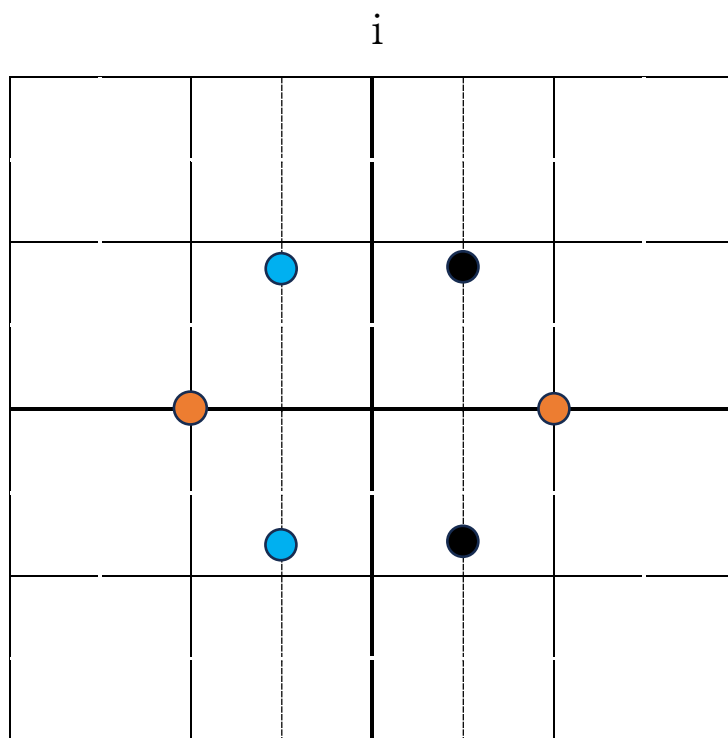


正方形に見えますね。

6 次式では、3 次式と 3 次式の積に分解できるので、

$$\begin{aligned} x^6 - 1 &= (x^3 + 1)(x^3 - 1) \\ &= (x + 1)(x^2 - x + 1)(x - 1)(x^2 + x + 1) \\ &= (x + 1)(x - 1)(x^2 - x + 1)(x^2 + x + 1) \end{aligned}$$

今までの組み合わせでできますね。



正六角形みたいですね。

+●と○の間は $\frac{1}{2} + \frac{1}{2} = 1$

○と○の間は $\left(\frac{1}{2}\right)^2 + \left(\frac{\sqrt{3}}{2}\right)^2 = 1$