

2 次方程式の 2 つの解は

$$\frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a} \quad \text{と表される。}$$

しかし、今まで

$b^2 - 4ac$ が、

「正の数」だけを扱ってきました。

中学では

$b^2 - 4ac$ が **負の数** になるときは

解が無い

ということになっていました。

何故なら、

$\sqrt{-1}$

を 2 乗すると **-1**

になりますが、

2 乗して負の数になるようなは無い、

と考えていたからです。

どんな数も、

2乗すると**必ずプラス**になる、

と考えていたからですね。

で、とりあえず、

$\sqrt{-1}$ を
想像上の数

imaginary number として

i

と表すことになりました。

$\sqrt{-1} = i$ です。

$(\sqrt{-1})$ の**2乗** = **-1**

それゆえ、

$$i^2 = -1$$

というわけです。

数直線上で数を考えていると、

マイナス 1 の平方根は考えられないのです。

数を、数直線上で考えていると

2 乗して -1 になる数は考えられなかったのですが、

数を平面上で考えると、

また別の世界が見えてきたのです。

それはしばらくおくとして、

2 次方程式の解の

$$\frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a} \quad \text{の根号}\sqrt{\text{の中の}}$$

$b^2 - 4ac$ が

負の数になったときも

意味をもつことになりました。

根号の中の $b^2 - 4ac$ が

正か**負**かで意味が変わるので、

$b^2 - 4ac$

を**判別式**と呼ぶことになりました。

何らかの判別をするための式を

判別式と呼ぶならば、

あちこちに判別式があるだろうと思われませんが、

判別式と呼べば、高校数学では

2 次方程式の解が正か負かを判定する

$b^2 - 4ac$

のことを意味する約束です。