

x が 0 から 1 へ進むとき、

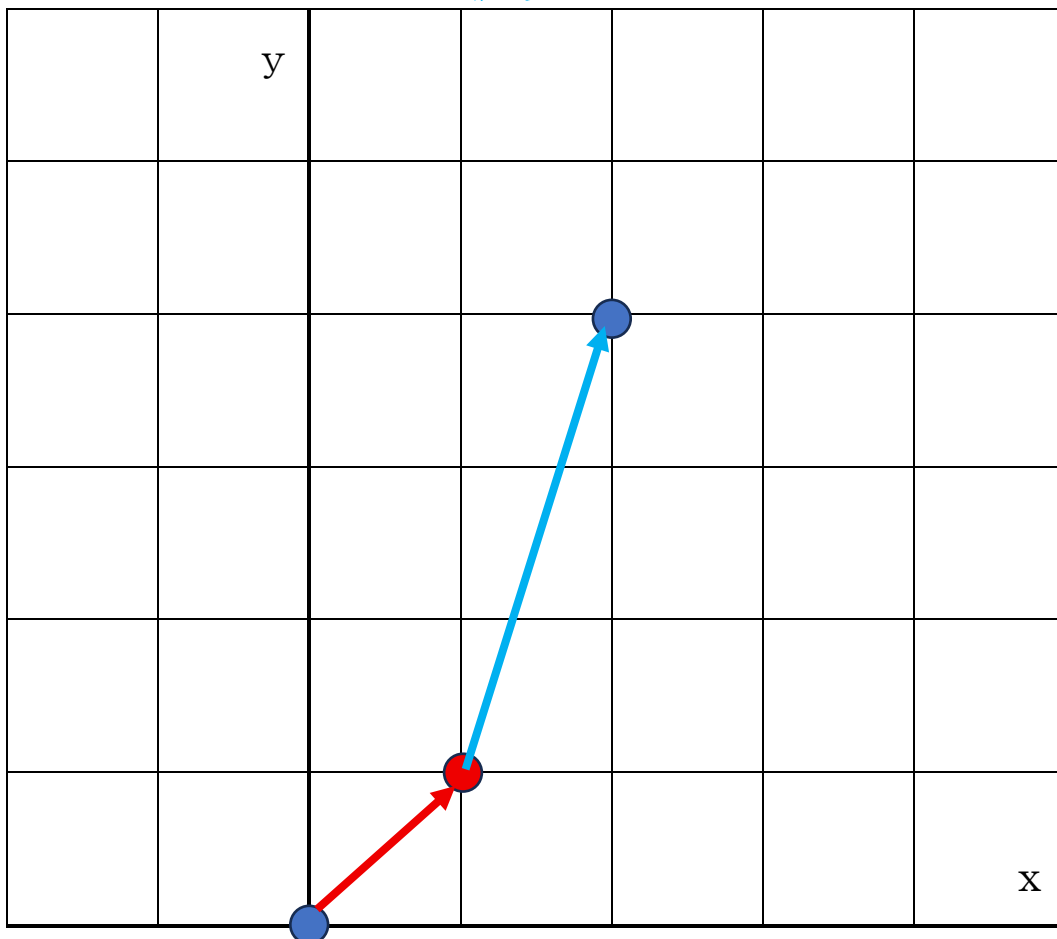
y はやはり 0 から 1 へ進みますから、

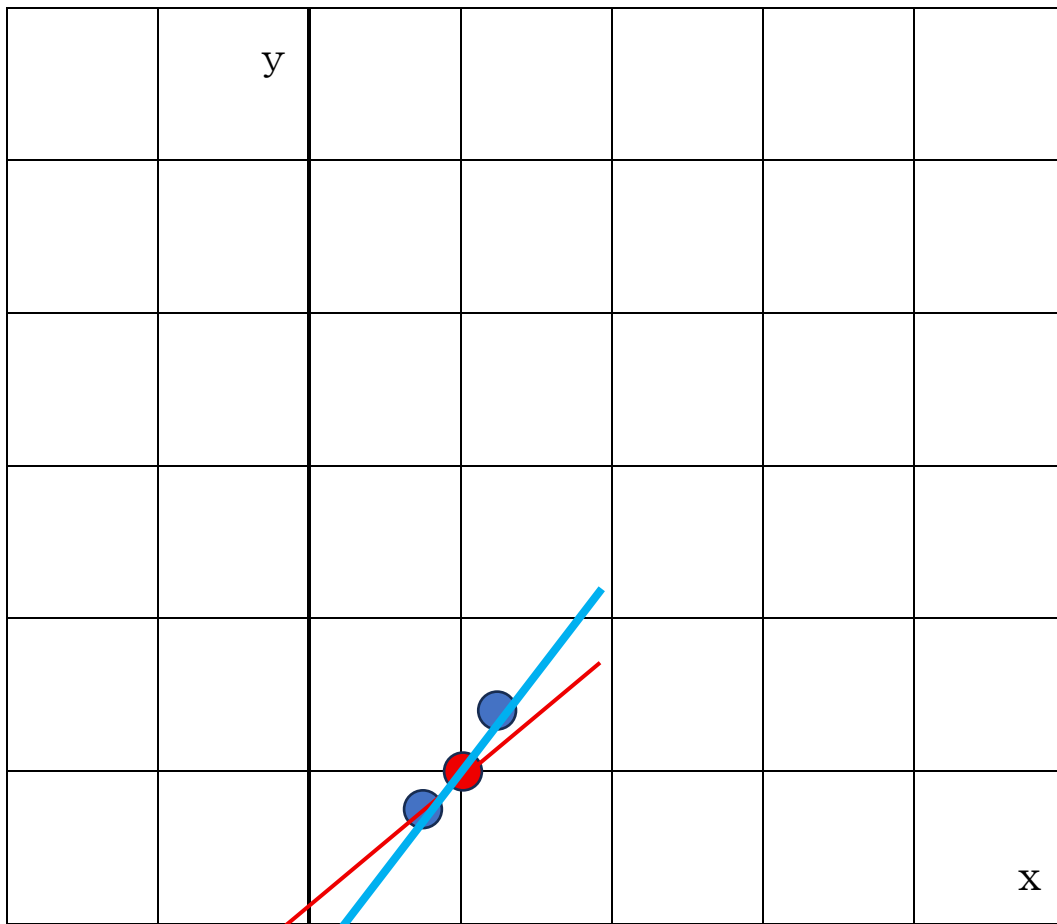
$\frac{y\text{の増加量}}{x\text{の増加量}}$ は、1 です。

x が 1 から 2 へ進むとき、

y は 1 から 4 へ進みますから、

$\frac{y\text{の増加量}}{x\text{の増加量}}$ は、3 ですね。





傾きは近くなりました。

x の差をうんと**微小**な大きさにればどうなるでしょうか。

小さな数を h で表します。

$$\frac{(x+h)^2 - x^2}{h}$$

=	$x^2 + 2xh + h^2 - x^2$
	h

=	$2xh + h^2$
	h

=	$2x + h$
---	----------

h をうんと微小にすれば

$+h$ は、無視することができる、と考えて

\cong	$2x$
---------	------

x の位置はどこでも良いので

$$x=0 \quad \text{ならば} \quad 2x=2 \times 0=0$$

$$x=1 \quad \text{ならば} \quad 2x=2 \times 1=2$$

$$x=2 \quad \text{ならば} \quad 2x=2 \times 2=4$$

$$x=m \quad \text{ならば} \quad 2x=2m$$

$2x$ は x^2 から導かれた関数なので、
 x^2 の導関数と呼びます。

$2x$

はそれぞれの場所の傾きを表しますね。

傾きが 0 になるところは、

下に凸ですから、**最小値**になります。

ax^2 の場合、

a が正の、下に凸の場合は、最小値

a が負の、上に凸の場合は最大値になりますね。