

ここでも**等式の性質**が活躍する。

等式の性質に馴れた人にはなんでもないが、

使ってこなかった人は訳がわからない。

もし、次のような式の変化がしっくりこない人は

第1巻3章の§01「等式の性質」を学習しなおしてください。

$x+y=0$  のグラフは  
 $y=-x$  のグラフと同じ。

$x-y=0$  のグラフは  
 $-y=-x$  だから  
 $y=x$  のグラフと同じ。

$2x-y=0$  のグラフは  
 $-y=-2x$  だから  
 $y=2x$  のグラフと同じ。

$2x+y=0$  のグラフは  
 $y=-2x$  のグラフと同じ。

$ax+y=0$  のグラフは  
 $y=-ax$  のグラフと同じ。

$ax-y=0$  のグラフは  
 $-y=-ax$   
 $y=ax$  のグラフと同じ。

$ax-y+b=0$  のグラフは  
 $-y=-ax -b$   
 $y=ax+b$  のグラフと同じ。

$x+y+1=0$  のグラフは

$y = -x-1$  のグラフと同じ。

$x-y+1=0$  のグラフは

$-y = -x-1$  だから

$y = x+1$  のグラフと同じ。

$2x-y+1=0$  のグラフは

$-y = -2x-1$  だから

$y = 2x+1$  のグラフと同じ。

$2x+y+1=0$  のグラフは

$y = -2x-1$  のグラフと同じ。

$ax-y-1=0$  のグラフは  
 $-y=-ax+1$  だから  
 $y=ax-1$  のグラフと同じ。

$ax-y-c=0$  のグラフは  
 $-y=-ax+c$  だから  
 $y=ax-c$  のグラフと同じ。

$ax+by=0$  のグラフは  
 $by=-ax$  だから  
 $y=-\frac{a}{b}x$  のグラフと同じ。

$ax+by+c=0$  のグラフは

$by=-ax-c$  だから

$y = -\frac{a}{b}x - \frac{c}{b}$  のグラフと同じ。

等式の性質さえ使えたら、なんでもない課題なんだ。

$y = mx$  のグラフを

x 軸の正の方向に  $a$

y 軸の正の方向に  $b$  だけ

平行移動するとは、

点  $(a, b)$  を通る

傾き  $m$  の直線と同じである。

$$y - b = m(x - a)$$

この式が今後甚だ重要となるので  
よく理解し、運用に慣れてほしい。

この説明は

グラフの平行移動で学んだのでここでは省略する。

傾き  $m$  は

整数だけでなく分数になることも多いので

$\frac{n}{m}$  と分数で表すことにしよう。

$$y - b = \frac{n}{m} (x - a)$$

$x$  の係数を分数で表すと

垂直な直線の傾きが表しやすい。

この直線に垂直でかつ

点  $(a, b)$  を通る直線は

$$y - b = -\frac{m}{n} (x - a)$$

と表されることになる。