

例えば、

$\frac{1}{n}$  の  $n$  が大きくなっていくと、

$\frac{1}{n}$  の値は小さくなっていきますね。

$n$  が無限に大きくなったら、

$\frac{1}{n}$  の値は限りなくゼロに近づいていきますね。

$y = \frac{1}{x}$  のグラフは

$x$  軸には近づきますが、  
交わることはありません。

それは、

$\frac{1}{x}$  の  $x$  がいくら大きくなっても

$\frac{1}{x}$  の値が  $0$  にはならないことを

示しています。

しかし、

**実用上は**

$\frac{1}{n}$  の値は**ゼロ**になったとして計算しても  
問題ありません。

ですから、

$\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{1}{n} = 0$  と表すことがあります。

**極限值は 0** と言ったりします。

**ゼロ**なのか**ゼロでない**のか定かではありませんね。

正確には、

$\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{1}{n} \rightarrow 0$  でしょうね。

§02 の等比数列の和については、  
2 倍や 3 倍になる数列を考えました。  
が、高校数学は  
増えていく方向には  
さほど興味を持っていません。

公比が 2 分の 1 や 10 分の 1 など  
減っていく方向に関心があります。

1 から初めて  
順に 2 分の 1 になる数列について  
考えてみましょう。

中学数学以来、

帯分数は使わない習慣でしたが、

ここでは求める数が見やすいので使ってみます。

n 項	初めの n 項の和	合計
1	1 項までの和	1
$\frac{1}{2}$	2 項までの和	$1\frac{1}{2}$
$\frac{1}{4}$	3 項までの和	$1\frac{3}{4}$
$\frac{1}{8}$	4 項までの和	$1\frac{7}{8}$
$\frac{1}{16}$	5 項までの和	$1\frac{15}{16}$
$\frac{1}{32}$	6 項までの和	$1\frac{31}{32}$
$\frac{1}{512}$		1-

具体的な数を観察すると  
法則が見えてきますね。

分母の数よりも  
1 小さい数が  
分子になりますね。

整数部分の 1 を除くと  
分数部分は  
限りなく 1 に近づく  
と言えるようです。

よって、  
初項を 1 とする

公比が $\frac{1}{2}$ の無限数列の和は

$\rightarrow 2$  です。