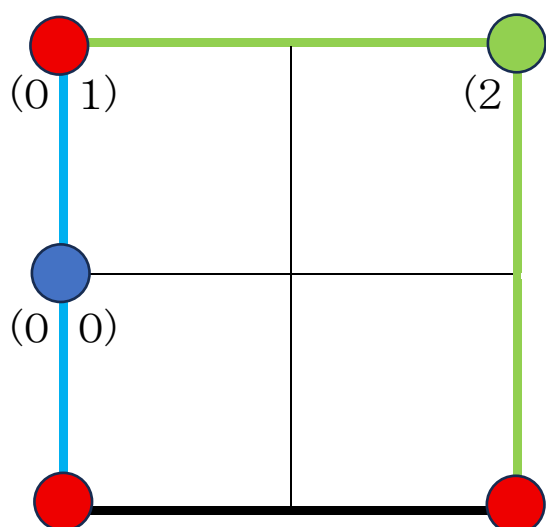
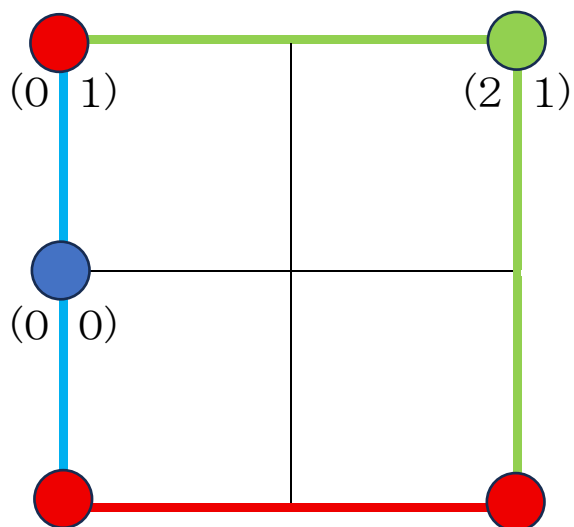


上の方眼の上に書かれた丸印を見て、
次のようなことを考えついた人がいる。

赤丸から青丸への線分の長さ

赤丸から緑丸への線分の長さが等しい。





見方を変えると

赤丸から青丸への線分の長さが等しく

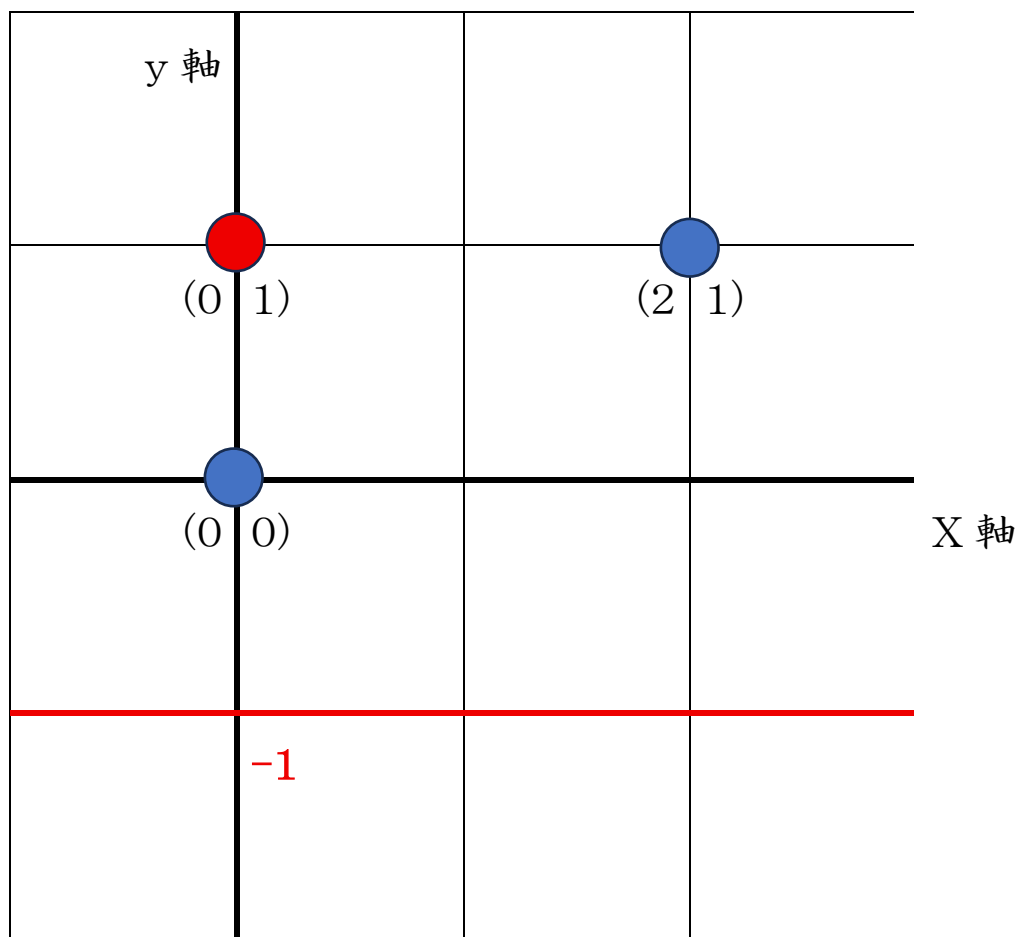
赤丸から緑丸への線分の長さも等しい、とは

赤丸から青丸への線分の長さ

赤い線からの距離が等しい

ということではないのか、と。

「もしかしたら、



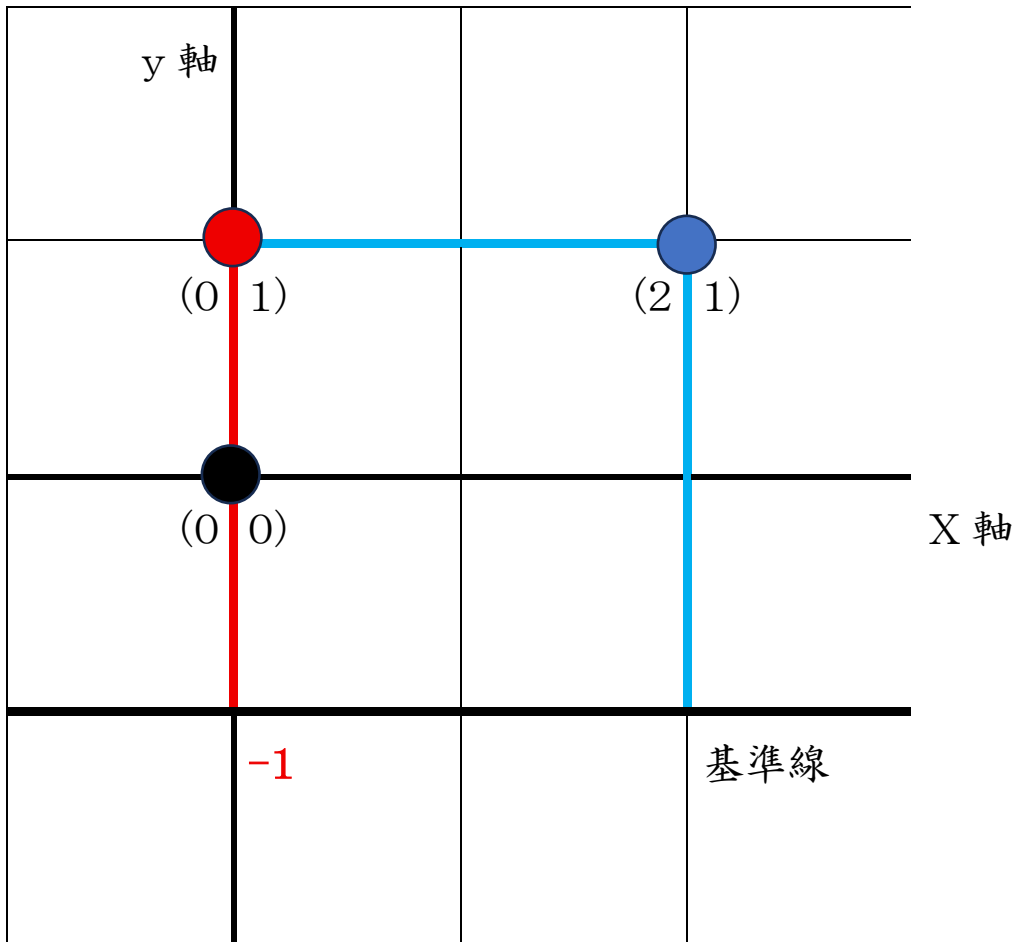
「もしかしたら、

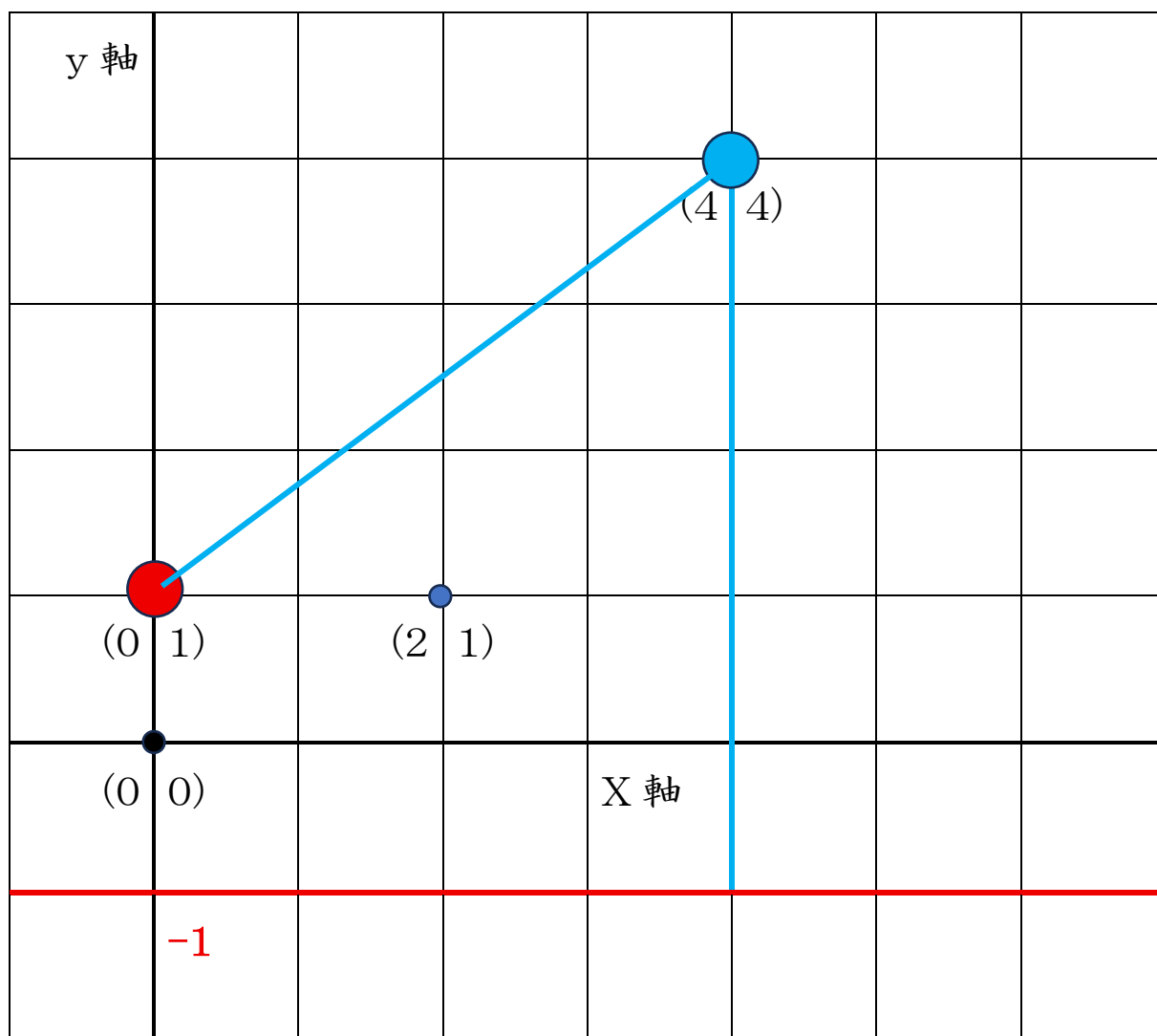
放物線上の●点 というのは、

赤丸の点からの距離と

赤い線からの距離

が等しい点の集まりではないか」、と。



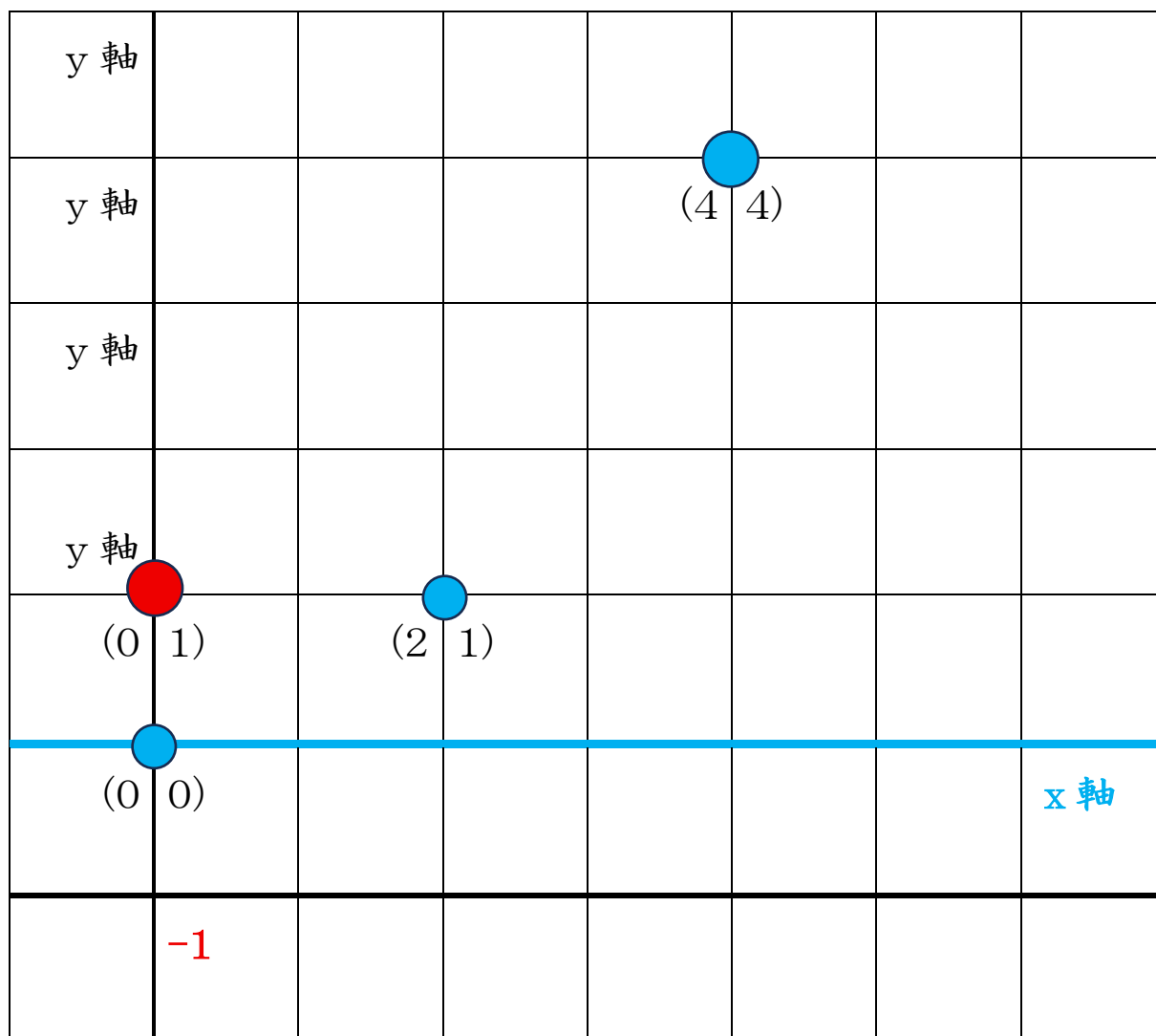


$(0, 1)$ と $(4, 4)$ を結ぶ線分は

三平方の定理から 5 と求められますね。

$(4, 4)$ から基準線に引いた垂線の長さは

$4+1=5$ として求められます。



●青丸の位置を見ると、

青い線を x 軸として、 a の値はまだわからないが、

$y = ax^2$ と表せるのではないか。

| | | | |
|--------|---------|---------|---------|
| x の値 | 0 | 2 | 4 |
| ax^2 | $0^2 a$ | $2^2 a$ | $4^2 a$ |
| y の値 | 0 | 4a | 16a |

図からみる y の値

| | | | |
|------|---|---|---|
| y の値 | 0 | 1 | 4 |
|------|---|---|---|

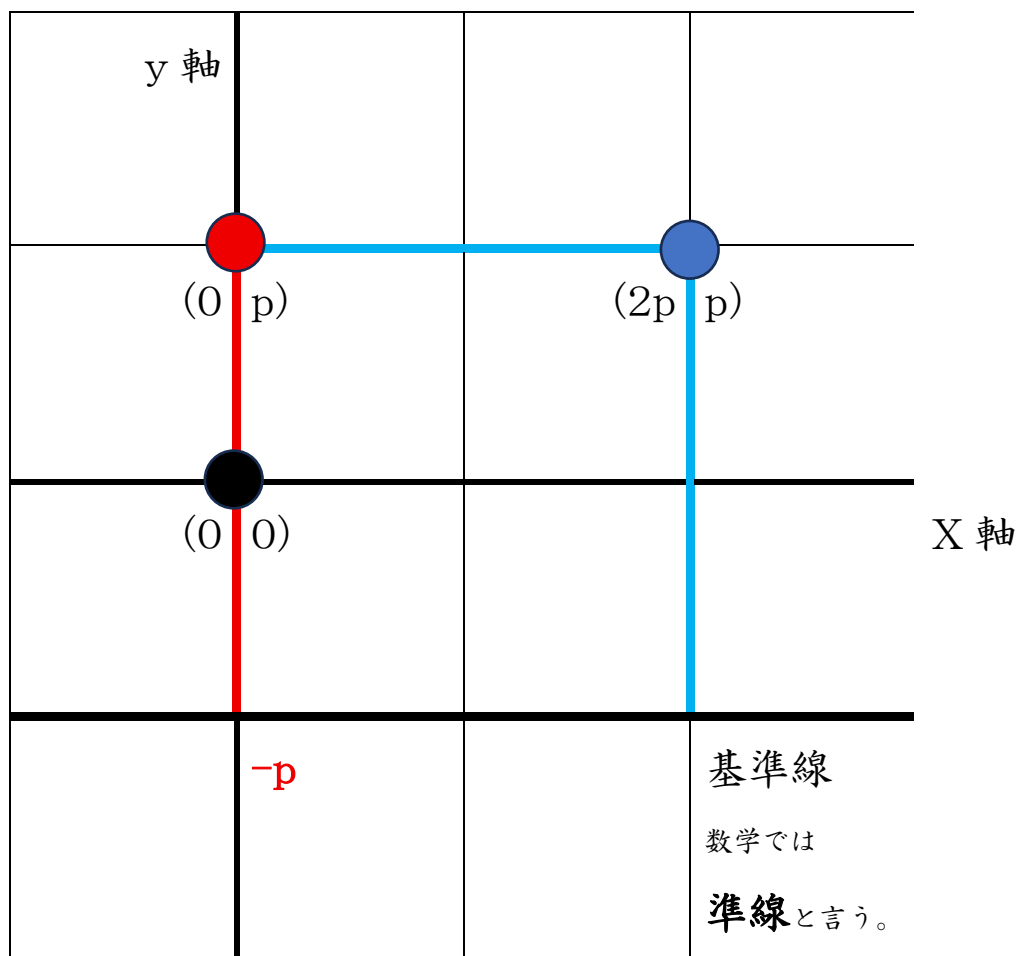
$$4a = 1$$

$$16a = 4$$

いずれの場合も $a = \frac{1}{4}$

$$y = \frac{1}{4}x^2$$

焦点の位置が $(0, p)$ ならば、
基準線は $-p$



$y = p$ ならば図から明らかのように
 $ax^2 = a \cdot (2p)^2 = a \cdot 4p^2$

$$p = a \cdot 4p^2$$

$$a = \frac{p}{4p^2} = \frac{1}{4p}$$

よって、

焦点の位置が $(0, p)$ ならば、

$$y = \frac{1}{4p} x^2$$